

Programiranje 1

3. predavanje

Saša Singer

`singer@math.hr`

`web.math.hr/~singer`

PMF – Matematički odjel, Zagreb

Sadržaj predavanja

- Građa računala:
 - Memorija (bistabil, bit, riječ, byte),
 - Procesor (registri, aritmetičko–logička jedinica, upravljačka jedinica),
 - Ulazna jedinica, izlazna jedinica.
- Stvarni “izgled” računala:
 - Registri modernog procesora (IA–32).
 - Primjer matične ploče, blok–dijagram.
 - Hijerarhijska struktura memorije (cache).
 - “Priča o cacheu”.

Informacije

Ne zaboravite da treba:

- otvoriti korisnički račun u Računskom centru,
- utorkom i četvrtkom, od 11 do 13 sati.

Nadalje, treba:

- obaviti prijavu i dobiti potvrdu prijave u aplikaciji za tzv. “domaće zadaće”, na web-adresi

<http://degiorgi.math.hr/prog1/ku/>

Prilikom prijave za “ku”, svoje podatke trebete upisati **korektno**, što (između ostalog) znači i

- korištenje hrvatskih slova u imenu i prezimenu!

Informacije — nastavak

Studenti koji su upisali “czsdj” varijantu imena i prezimena neka se jave e-mailom asistentu V. Šegi na adresu

vsego@math.hr

i napišu

📍 svoj **JMBAG** i **ispravno** ime i prezime.

Na kolokvijima (posebno, prvom)

📍 **dozvoljeno** je imati **kalkulator** s **osnovnim** računskim operacijama,

ali **ne** i “pametniji” od toga!

Građa računala

(Osnovi dijelovi računala)

Sadržaj

- Građa računala:
 - Memorija (bistabil, bit, riječ, byte),
 - Procesor (registri, aritmetičko–logička jedinica, upravljačka jedinica),
 - Ulazna jedinica, izlazna jedinica.

Memorija — bistabil i bit

- **Memorija** se sastoji od osnovnih elemenata koje zovemo **bistabili**.
 - **Bistabil** može biti u (jednom od) **2 stabilna stanja** ($BI = 2$).
- **Stabilno stanje?** Ako je element u jednom od stanja, on će **ostati** u tom stanju sve dok ne **uložimo energiju** da se to stanje **promijeni** u drugo stanje.
- Matematički rečeno, **količina informacije** koju možemo spremiti (pohraniti) u takvom elementu je
$$1 \text{ bit} = 1 \text{ binarna znamenka.}$$

Zato se ta stanja uobičajeno i označavaju **binarnim** znamenkama **0** i **1**.

Memorija — malo povijesti

- Nekad, u doba ranih računala (1960-tih) bistabil se realizirao pomoću feritnih jezgrica.
 - Feritne jezgrice sastojale su se od sitnih željeznih prstenova kroz koje je prolazila žica.
 - Puštanje struje u jednom ili drugom smjeru rezultiralo je magnetizacijom te jezgrice u jednom od 2 smjera.
- Danas se memorija izrađuje od sitnih tranzistora koji rade kao elektronički prekidači, po principu
 - ima struje — nema struje, tj. opet imaju 2 stanja.
- Sutra ... Tko zna?

Memorija — bitovi i logičke operacije

- Osnovne logičke operacije ne, i, ili na pojedinim bitovima realiziraju se tzv. logičkim sklopovima.
- Uočite da logičke operacije “rade” kao aritmetičke na binarnim znamenkama 0, 1:
 - ne — komplement, ili $1 - \text{operand}$, ili $0 \leftrightarrow 1$,
 - i — množenje,
 - ili — zbrajanje.
- Kad bitove organiziramo u veće cjeline (na primjer, dogovor prikaza cijelih brojeva binarnim znamenkama),
 - pomoću takvih logičkih sklopova mogu se realizirati i osnovne aritmetičke operacije na brojevima.(Zbrajač i slični “elektronički sklopovi”.)

Memorija — zašto bitovi?

Čisto tehnički, tu postoje **2 bitna** ograničenja:

- **Nemoguće** je napraviti **brzi** stabilni element koji bi imao **više** od **2** stabilna stanja.

- Bilo je nekih pokušaja s **3**,

- a cijela stvar je počela **mehanički** s **10**.

No, to je **presporo**. Zato su računala “**binarna**”.

- **Brzina svjetlosti** je, trenutno, **fundamentalno** ograničenje brzine računala.

- Minijaturizacija — **130 nm, 90 nm, 65 nm, 45 nm**,
... tehnologije, uglavnom, služi **povećanju** brzine.

Tu smo stigli **blizu granice**, s današnjom tehnologijom.

Memorija — “usko grlo” računala

Brzina svjetlosti diktira brzinu upravljanja i izvršavanja operacija u računalu (puštanje struje kroz vodiče, a onda sve ovisi o tome jesu li prekidači otvoreni ili ne).

- Logički sklopovi u procesoru su još relativno brzi. Na primjer,
 - standardni procesori rade na frekvencijama od preko 3 GHz.

Međutim, najveća frekvencija je 3.8 GHz i tu stoji već neko vrijeme. (Tzv. Mooreov zakon više ne vrijedi.)

- Daljnji napredak u snazi procesora ne ide ubrzanjem, nego paralelizacijom (Dual core, Core Duo, ...).

Memorija — “usko grlo” računala (nastavak)

- Kod **memorija**, situacija je kompliciranija, jer je bistabilu potrebno neko **vrijeme** za **promjenu** stanja iz jednog u drugo.
- To vrijeme je ključno **usko grlo** arhitekture modernih računala. Na primjer,
 - brze memorije rade na frekvencijama od preko **500 MHz**,
ali, zasad, **nisu stigle** do **1 GHz**.
- Ova **razlika** u brzini **procesora** i **memorije** rješava se na **dva** načina:
 - **paralelizacijom** (podjela na više “chipova”),
 - **hijerarhijskom** građom cijele memorije u računalu.

Memorija — organizacija i izgled

- Slično Turingovom stroju, osnovni elementi memorije su **bitovi**, ali memorija:
 - **nije linearna** (poput trake), već je **pravokutna** (ili **kvadratična**),
 - i **nije beskonačna**, nego **konačna** (pa nije potrebno imati prazni simbol koji znači kraj trake).
- Zašto **pravokutna** organizacija memorije? Funkcionalno,
 - **1 bit** je **premala** količina informacije za smislenu obradu.

Zbog toga se bitovi organiziraju u **veće cjeline** s **fiksним** brojem bitova. Svaku takvu cjelinu zovemo **riječ** memorije, a **broj bitova** u riječi je **duljina** riječi.

Memorija — organizacija i izgled (nastavak)

Svrha: **Riječ** je osnovna cjelina za smisleni podatak.

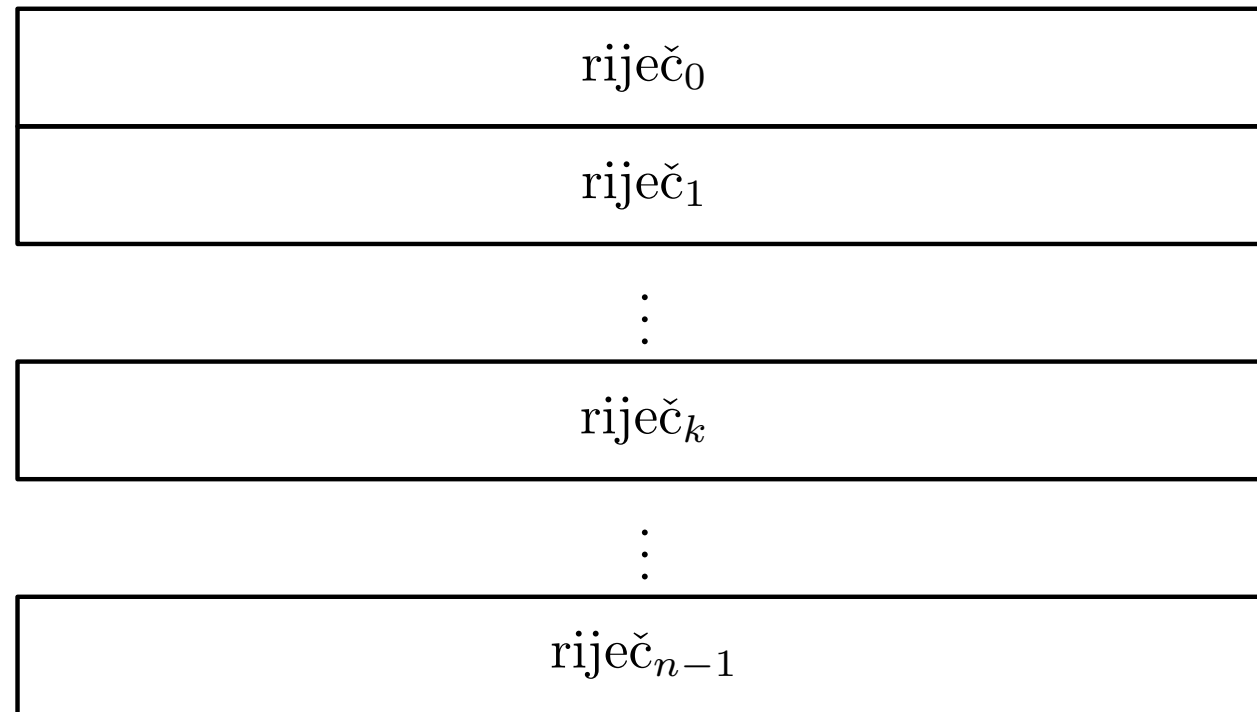
- Takve veće cjeline prikazuju potrebne vrste podataka i na njima kao **cjelinama** možemo izvršavati pripadne operacije i to **brzo** na nivou arhitekture računala.
- Koliko bitova čini jednu riječ? Ne postoji točan odgovor, jer to ovisi o tipu podataka koji se prikazuje u arhitekturi računala.
- Pojednostavljeno, **riječ** je količina bitova predviđena za prikaz cijelih brojeva, ili još bolje, riječ je količina bitova potrebnih za prikaz strojnih instrukcija i adresa.
- Danas, gotovo univerzalno, **riječ** je količina bitova predviđena za prikaz **jednog znaka**, tj. riječ = 1 Byte.

Memorija — organizacija i izgled (nastavak)

- **Memorija** je linearni niz riječi, a svaka riječ ima svoju **adresu**, tj. poziciju ili mjesto u nizu.
- Slična organizacija vrijedi i za strukturu podataka koju zovemo **niz** ili **polje**, tj. to je konačni uređeni niz podatak istog tipa, a pristup pojedinim podacima je moguć preko indeksa u nizu.
- Matematički gledano, niz od n članova je uređena n -torka x_1, x_2, \dots, x_n .
- **Razlika** obzirom na matematičku definiciju: brojanje pozicije ne počinje s **1** nego s **0**, jer pozicija u nizu je adresa koliko je ta riječ “odmaknuta” od početne riječi.

Memorija — organizacija i izgled (nastavak)

- Skica memorije sa n riječi izgleda ovako:



Kažemo da se riječ _{k} nalazi na k -tom mjestu ili da se nalazi na adresi k .

Memorija (nastavak)

- Da bismo nešto spremili ili pročitali kao sadržaj lokacije u memoriji, moramo imati dvije osnovne **instrukcije**:
 - **spremi** podatak na adresu “tu i tu”,
 - **pročitaj** podatak sa adrese “te i te”.
- Dakle, pristup podatku ide preko **adrese** podatka (pozicije podatka u memoriji). Obično još kažemo da adresa “pokazuje” na podatak u memoriji.
- **Ključno** za razumjevanje rada računala: računalo vidi podatak kao “**sadržaj spremljen na određenoj adresi**”.
- **Netrivijalna posljedica**: memorijske adrese su također podaci.

Memorija — adresni prostor

- Adresa podatka je ključni dio instrukcije koja nešto radi s podacima.
- Veličina “adresnog” prostora = broj bitova predviđen za spremanje adresa.
- Ako imam m bitova za spremanje adresa, onda mogu prikazati točno 2^m različitih adresa: od 0 do $2^m - 1$.
- To određuje i maksimalnu količinu memorije (više ne mogu adresirati)!
- Adrese se standardno “pišu” u heksadecimalnom sustavu.

Memorija (nastavak)

- Dakle, svaki podatak u memoriji računala ima 2 dijela:
 - **adresu** — mjesto gdje je spremljen,
 - **sadržaj** — vrijednost podatka spremljenog na odgovarajućoj adresi, tj. kako se interpretiraju pripadni bitovi.
- Nekad je riječ bila zaista najmanja cjelina koju se moglo **direktno** adresirati. Recimo:
 - IBM 1130 je imao 16-bitne riječi,
 - mnogi strojevi su imali 32-bitne riječi,
 - Univac 11xx (xx = 06 ili 10) je imao 36-bitne riječi,
 - CDC Cyber su standardno imali 60 ili 64-bitne riječi.

Memorija (nastavak)

- Povijesno, prostor za spremanje 1 znaka teksta, zove se **byte**. **1 byte = 8 bitova**. Znak teksta sprema se u dogovorenom kôdu koji se prikazuje bitovima.
- Oprez — 1 kB = 1 024 bytea, a nije 10^3 bytea, isto tako 1 MB = 1 048 576 bytea, a nije 10^6 bytea.
- Niti to nije baš uvijek bila istina, katkad se za spremanje znaka koristilo 7 ili čak 6 znakova.
- Jasno je da su **znakovi** jedan od ključnih tipova podataka koje treba spremiti u memoriju.
- Standardi za pisanje znakova pojavili su se istovremeno s prvim računalima (nije lijepo čitati nizove nula i jedinica).

Memorija (nastavak)

- Standardi:
 - **EBCDIC** — asketskih 6 bitova,
 - **ASCII** — 7-bitni standard s velikim i malim slovima,
 - **8-bitni ASCII** — standard za dodatnih 128 znakova koji su potrebni za odgovarajuće jezike i razlikuje se od jezika do jezika (ISO–nešto character set).
- Nakon toga su se pojavili mikroprocesori čija je memorija bila upravljana po principu **1 riječ = 1 byte**, pa je to postala najmanja cjelina koju je procesor mogao adresirati. To znači i da je procesor je bio 8-bitni, a takva je bila i veza procesora i memorije, tzv. **sabirnica** ili **magistrala**.

Memorija (nastavak)

- U modernim osobnim računalima (IA-32, AMD64 ili IA-64), **byte** je i dalje **osnovna cjelina** koja se može adresirati, međutim stvarna organizacija koristi mnogo dulje riječi:
 - IA-16 — 16-bitna riječ (2 bytea), koristi se za instrukciju + adresu,
 - IA-32 — 32-bitna riječ, vrijedi za većinu današnjih osobnih računala,
 - AMD64, EM64T, x64 — Athlon-64, EM64T Intel, je IA-32, ali su adrese 64-bitne.
 - IA-64 — Itanium, ... , a radi se i na 128-bitnom standardu za velika računala.

Tipovi podataka

- Zasad nismo rekli koji su **osnovni tipovi podataka** za nas korisnike. Za računanje koristimo brojeve raznih vrsta:
 - **nenegativne cijele brojeve** (bez predznaka), tj. podskup od $\mathbb{N}_0 = \mathbb{N} \cup \{0\}$,
 - **cijele brojeve s predznakom** (i negativni uključeni), tj. podskup od \mathbb{Z} ,
 - **brojeve s pomičnim zarezom** (engl. floating point), tj. podskup od \mathbb{R} .
- Za ulaz–izlaz koristimo: **znakove**.
- Svi ostali tipovi uglavnom se svode na ove osnovne tipove.

Tipovi podataka (nastavak)

- Veza arhitekture računala i tipova podataka ide tako daleko da se i najjednostavniji tip podataka **logički** ili **Booleov tip**, koji ima samo dvije vrijednosti **laž** ili **istina** (oznake F/T, \perp/\top) prikazuje preko cijelih brojeva i to kao **laž = 0**, **istina = 1**.
- Osim ovih korisničkih tipova trebamo još 2 stvari bitne za rad računala:
 - **adresa** — to je tip podataka sličan nenegativnim cijelim brojevima, tj. stvarno su im prikazi **isti**.
 - **instrukcije**.
- Po von Neumannovom modelu, instrukcije/programi se također pamte u memoriji. Strojne instrukcije se nekako kôdiraju bitovima.

Procesor

- Po von Neumannovom modelu, **procesor** mora imati bar 2 bitna “radna” dijela:
 - **izvršni = aritmetičko logičku jedinicu** — naziv dolazi od tipičnih operacija koje ona izvršava nad korisničkim tipovima podataka,
 - **upravljajući dio** — brine se za dohvat instrukcija iz memorije (engl. fetch), njihovu interpretaciju (engl. decode) i za njihovo izvršavanje (engl. execute). Upravljajući dio upravlja radom aritmetičko–logičke jedinice prema instrukcijama.

Procesor (nastavak)

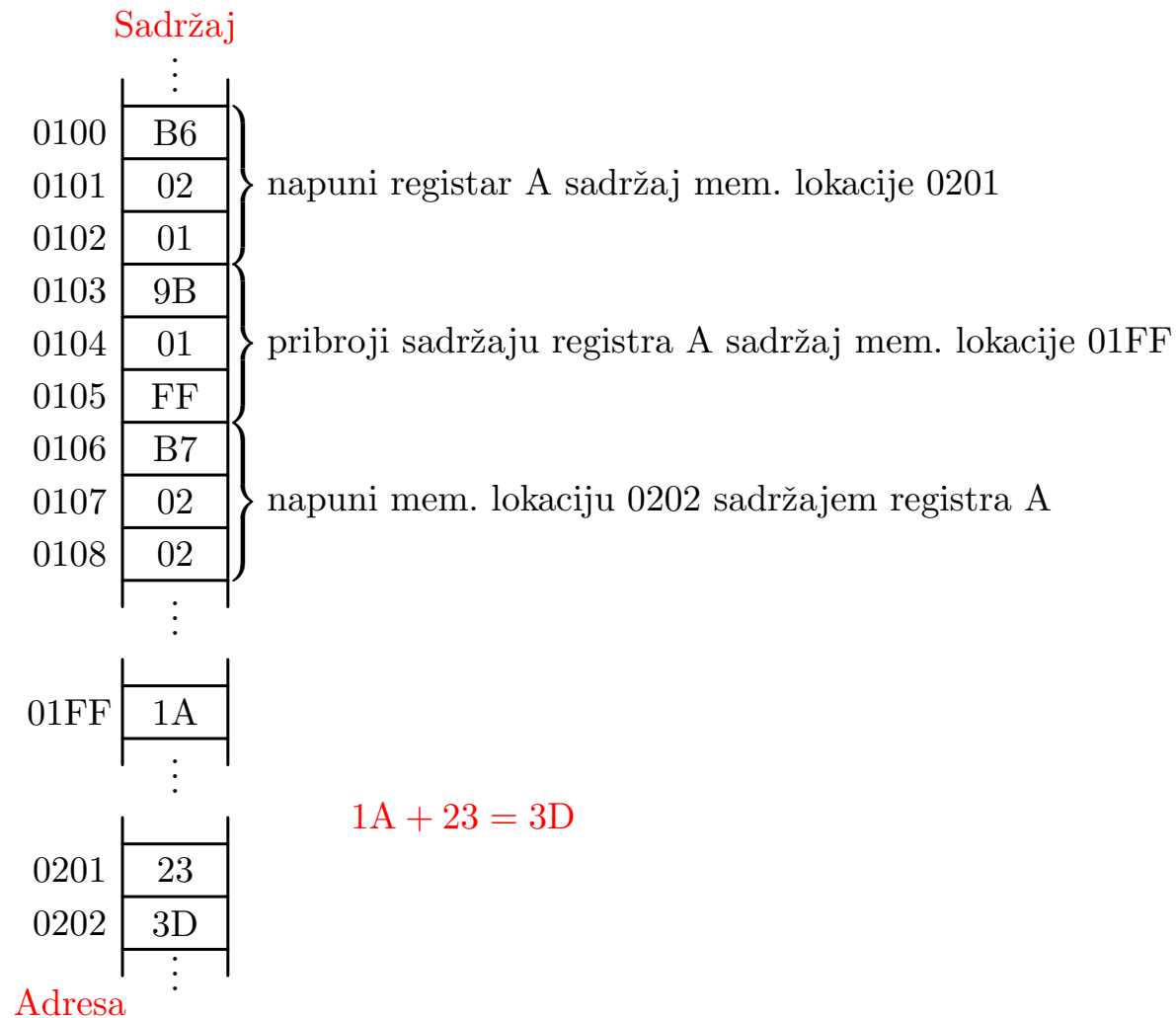
- Osim toga, procesor ima i skup **registara**. To je radna **memorija** procesora za spremanje:
 - **podataka** nad kojima se izvršavaju instrukcije i **rezultata** tih operacija,
 - **instrukcija** (odnosno, dijelova instrukcija) koje se izvršavaju.
- Sve operacije u procesoru mogu se napraviti
 - **samo na operandima** koji su **prebačeni** iz memorije u registre procesora.

Procesor (nastavak)

- Zašto je organizacija takva? Procesor i memorija su fizički odvojeni i komuniciraju preko “kanala” (magistrala, sabirnica). Za izvršavanje bilo koje instrukcije, prvo treba instrukciju “dovući” iz memorije u procesor. Isto vrijedi i za podatke!
- Osnovne instrukcije za baratanje podacima:
 - **LOAD REG, adr** — “napuni” registar “REG” s adrese “adr”,
 - **STORE REG, adr** — “spremi” podatak iz registra “REG” na adresu “adr”.

Program za zbrajanje dva broja

Program:

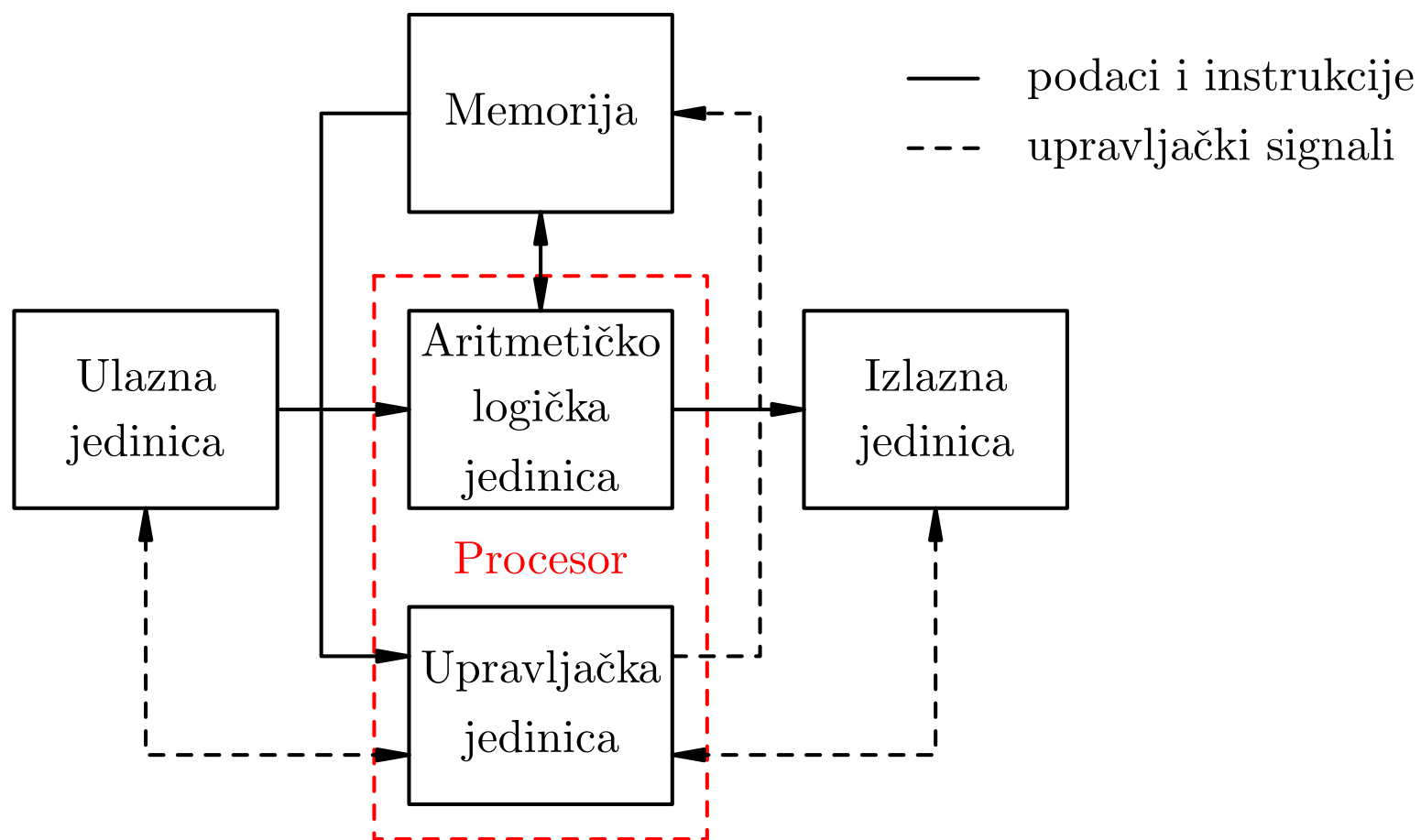


Ulazne i izlazne jedinice

- Svako računalo osim memorije i procesora mora imati još i:
 - **ulaznu jedinicu** — koja podatke iz vanjskog svijeta pretvara u binarni oblik.
 - **izlaznu jedinicu** — koja rezultate iz binarnog oblika pretvara u oblik razumljiv korisniku, ili ih pohranjuje za daljnju obradu.

Shema računala

- Shematski, ovako izgledaju osnovni dijelovi računala:



Stvarni “izgled” računala

Sadržaj

- Stvarni “izgled” računala:
 - Registri modernog procesora (IA-32).
 - Primjer matične ploče, blok-dijagram.
 - Hijerarhijska struktura memorije (cache).
 - “Priča o cacheu”.

Standardni kućni procesori

Standardni **kućni** procesori bazirani su na tzv. **IA-32** arhitekturi (Intel ili AMD, svejedno mi je). Osnovna svojstva:

- **riječ** = 32 bita = 4 B, (toliki je tip **int** u C-u),
- **adresa** = 32 bita (x86) ili, modernije, 64 bita (x64).

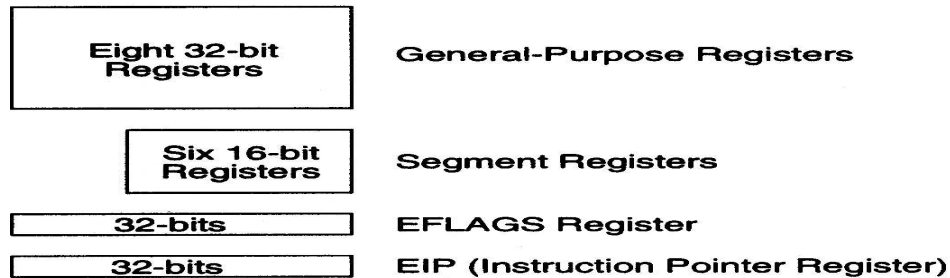
Ovi procesori imaju **gomilu registara**, raznih namjena, koji sadrže razne vrste podataka i instrukcija (ili dijelova instrukcija).

Shematski izgled **svih registara**, a onda samo **registara opće namjene** dan je na sljedeće dvije stranice.

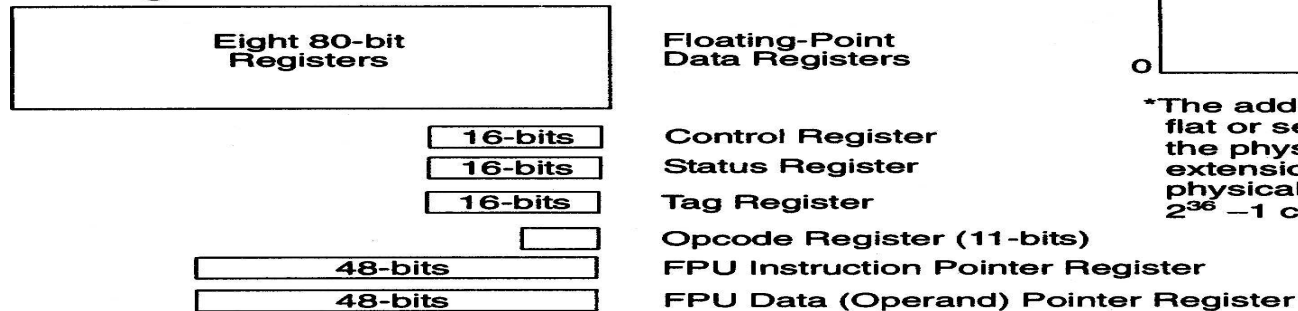
Napomena: slike odgovaraju IA-32 procesoru **Pentium 4**, serija Northwood, podnožje 478 (danas već zastarjelom).

IA-32 — Svi registri i adresni prostor

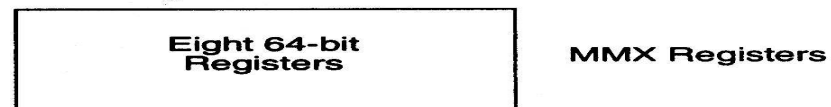
Basic Program Execution Registers



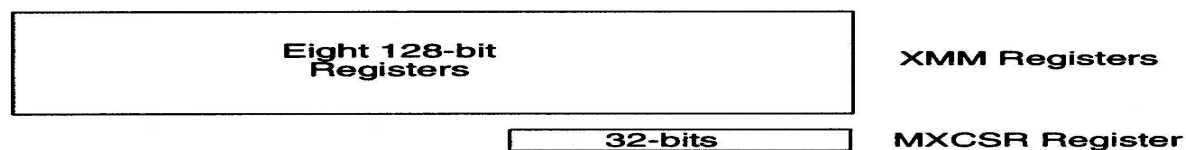
FPU Registers



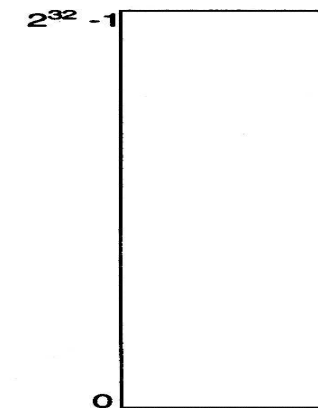
MMX Registers



SSE and SSE2 Registers

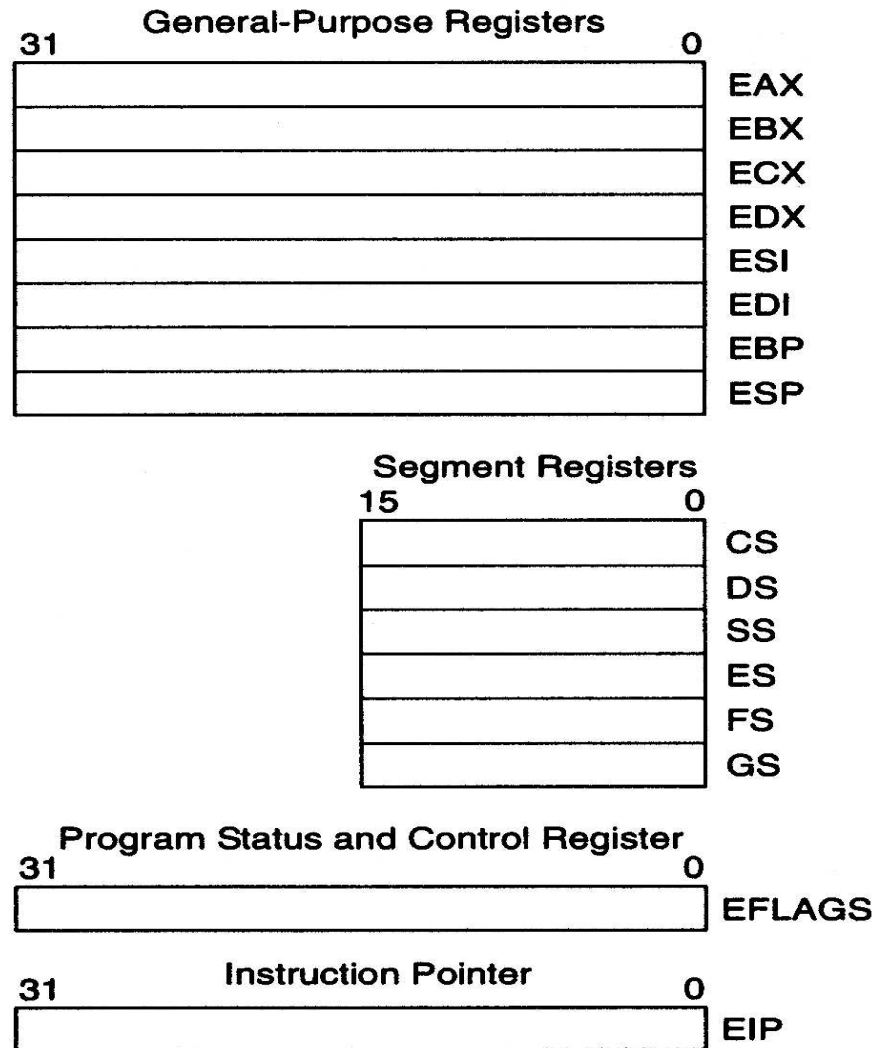


Address Space*



*The address space can be flat or segmented. Using the physical address extension mechanism, a physical address space of $2^{36} - 1$ can be addressed.

IA-32 — Osnovni izvršni registri



Izgled matične ploče računala

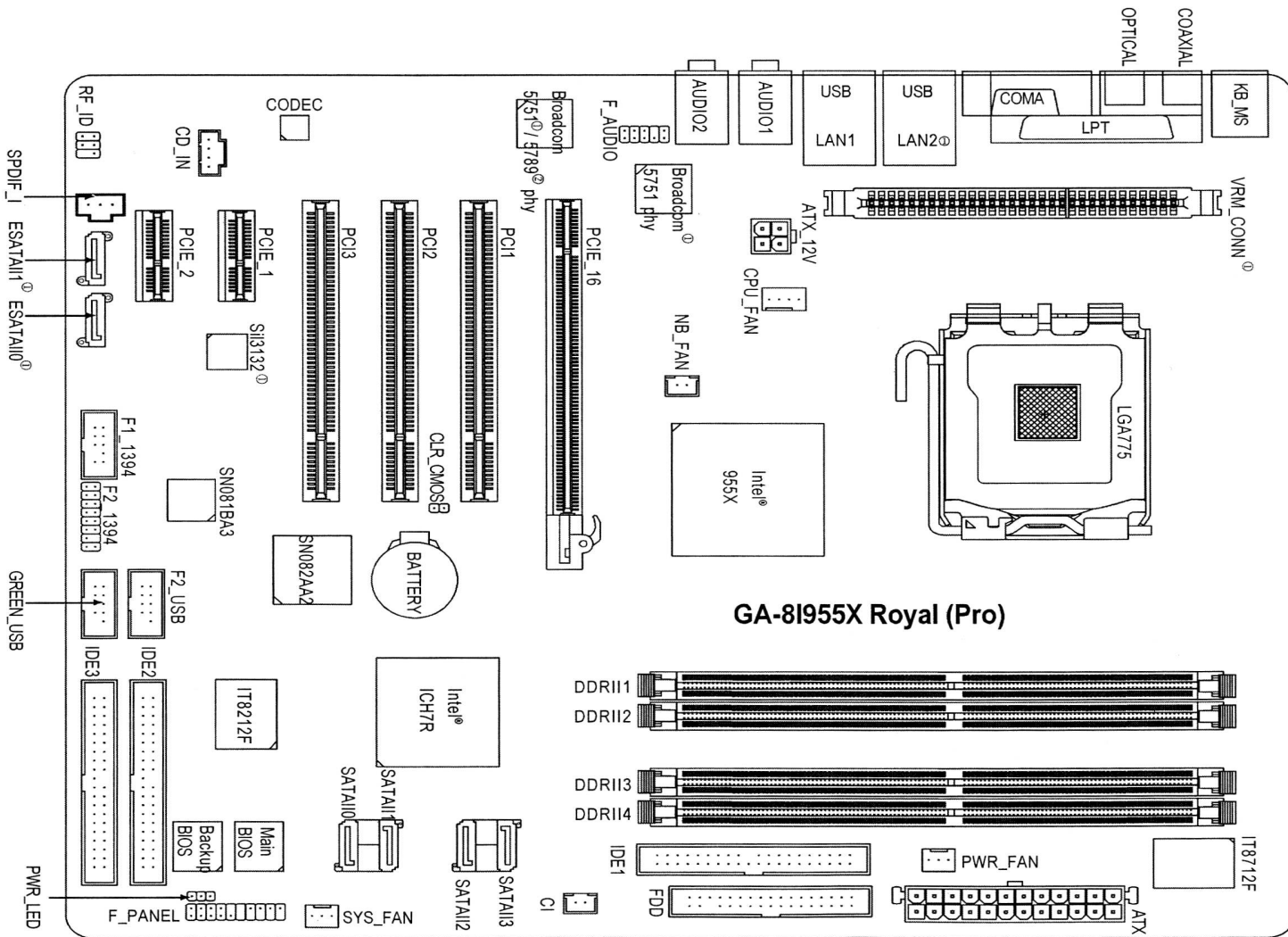
Moderna “kućna” računala, naravno, **imaju** sve standardne dijelove računala.

- Međutim, zbog “**multimedijalne**” namjene, ta računala imaju mogućnost priključivanja **velikog broja** raznih uređaja (“ulaz–izlaz”).
- Gomila toga je **već ugrađena** na modernim tzv. **matičnim pločama** (engl. **motherboard**).
- **Procesor** zauzima relativno “mali” dio površine (ili prostora), a najuočljiviji dio na njemu (nakon ugradnje) je **hladnjak**.
- Utori za **memorijske** “chipove”, također, ne zauzimaju previše prostora.

Matična ploča GA-8I955X Royal — izgled

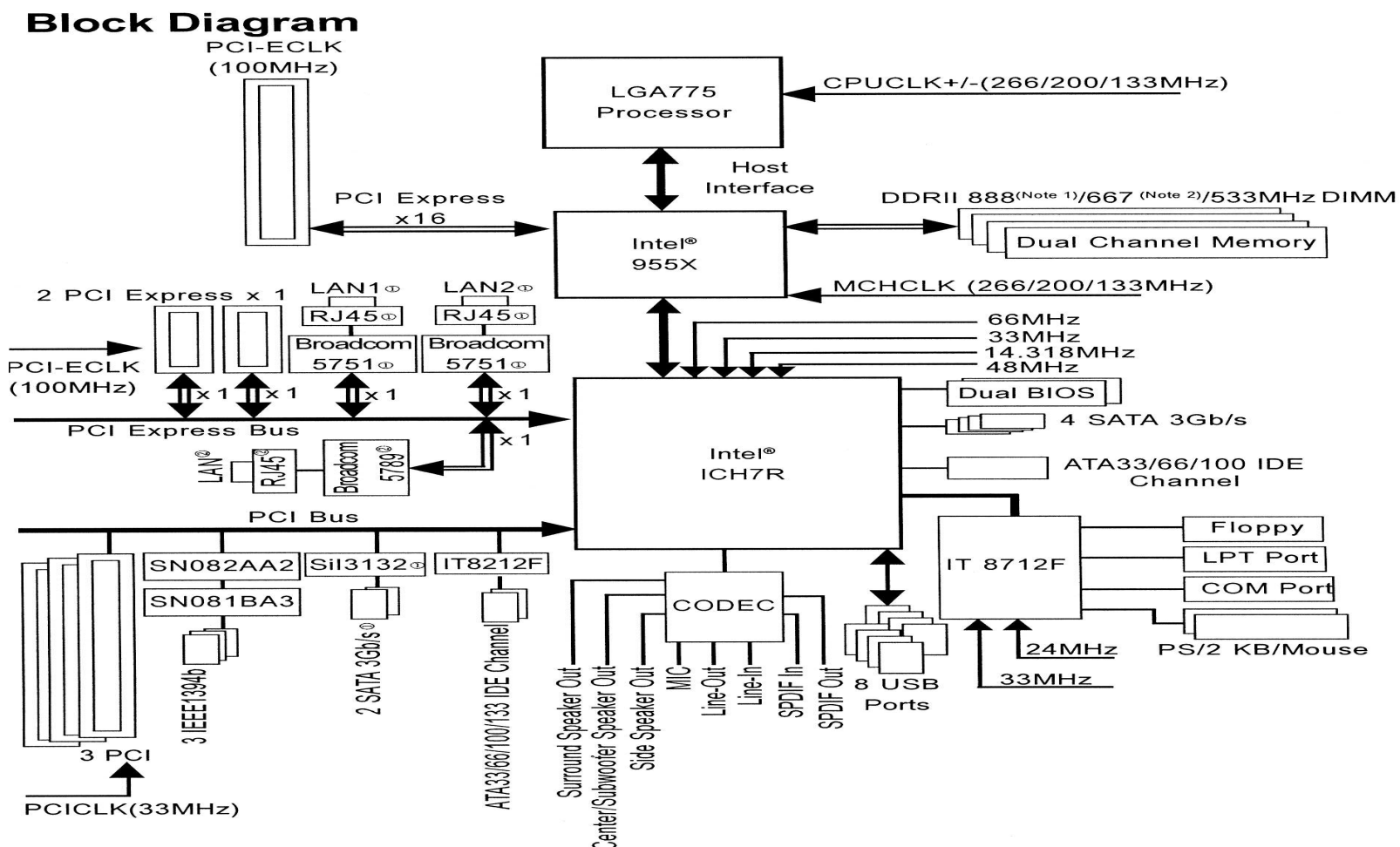


Matična ploča — raspored



GA-8I955X Royal/GA-8I955X Pro Motherboard Layout

Matična ploča — blok dijagram



(Note 1) DDR II memory can be overclocked to 888MHz (must be used with an 1066MHz FSB processor) through overclocking in BIOS. Go to GIGABYTE's website for more information about the supported DDR II memory modules for this feature.

(Note 2) To use a DDR II 667 memory module on the motherboard, you must install an 800/1066MHz FSB processor.

Izgled matične ploče računala (nastavak)

Zbog **bitno različite brzine** pojedinih dijelova računala, postoje još **dva bitna** “chipa” koji povezuju razne dijelove i kontroliraju **komunikaciju** — prijenos podataka između njih. To su:

- Tzv. “**northbridge**” (sjeverni most), koji veže procesor s “**bržim**” dijelovima računala. Standardni brzi dijelovi su:
 - memorija,
 - grafika (grafička kartica).
- Tzv. **southbridge** (južni most), na kojem “visi” većina ostalih “**sporijih**” dijelova ili vanjskih uređaja.

Izgled matične ploče računala (nastavak)

- Tipični uređaji vezani na **southbridge** su:
 - diskovi (koji mogu biti i na dodatnim kontrolerima),
 - DVD i CD uređaji,
 - diskete,
 - komunikacijski portovi,
 - port za pisač (printer),
 - USB (Universal Serial Bus) portovi,
 - tzv. Firewire (IEEE 1394a, b) portovi,
 - mrežni kontroleri,
 - audio kontroleri,
 - dodatne kartice u utorima na ploči (modem), itd.

Izgled matične ploče računala (nastavak)

Veze između pojedinih dijelova idu tzv. “**magistralama**” ili “**sabirnicama**” (engl. **bus**, koji nije autobus).

- Ima **nekoliko** magistrala, **raznih** brzina.
- Na istoj magistrali može biti **više uređaja**, i oni su, uglavnom, **podjednakih** brzina.

Uočite **hijerarhijsku** organizaciju komunikacije pojedinih dijelova:

- najsporiji su vezani na ponešto brže,
- ovi na još brže,
- i tako redom, do najbržeg — procesora.

Ova hijerarhija je **ključna** za efikasnu komunikaciju!

Hijerarhijska struktura memorije

Nažalost, ova hijerarhija komunikacije **nije dovoljna** za efikasnost modernog računala. Grubo govoreći, **fali joj vrh**, koji se ne vidi dobro na izgledu matične ploče.

- Pravo i najgore **usko grlo** u prijenosu podataka je komunikacija između **procesora** i **memorije**.

Gdje je problem?

Podsjetimo: bilo koje **operacije** nad bilo kojim podacima možemo napraviti samo u procesoru — preciznije, u **registrima** procesora. To znači da

- prije same operacije, podatak moramo “dovući” iz obične memorije u neki registar procesora.

Baš to je **sporo!**

Hijerarhijska struktura memorije (nastavak)

Na primjer, ako procesor radi na 3.6 GHz, a memorija na 533 MHz, onda će

- prijenos podatka u registar trajati okruglo 6 puta dulje od operacije na njemu.

Nažalost, isti tehnološki problem se javlja kod svih modernijih računala.

- Obična radna memorija je bitno sporija od procesora.

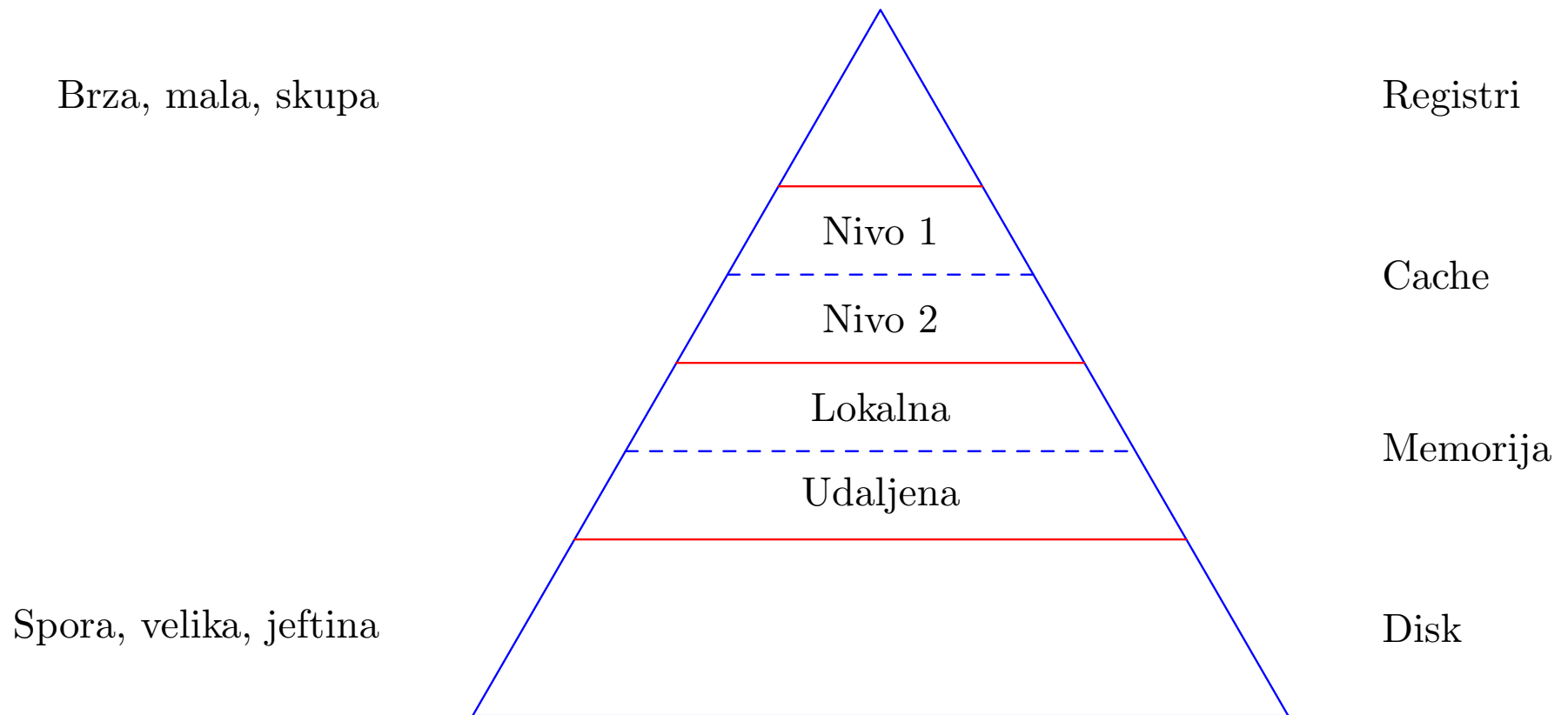
Kako se to izbjegava, ili, barem ublažava?

- Dodatnom hijerhijskom strukturom memorije, između obične radne memorije (RAM) i registara procesora.

Ta “dodatna” memorija se tradicionalno zove cache.

Hijerarhijska struktura memorije (nastavak)

Globalna struktura memorije u računalu ima oblik:



Cache memorija

Dakle, **cache** je **mala** i **brza** “lokalna” memorija — **bliža** procesoru od obične memorije (RAM). Gdje se nalazi?

- Obično, **na samom procesorskom chipu**, da bude što bliže registrima.

Nadalje, i taj **cache** je **hijerarhijski** organiziran. U modernim procesorima postoji **nekoliko** nivoa (razina) cache memorije.

- **L1** cache za podatke i instrukcije — najbrži, veličina (trenutno) u **KB**.
- **L2** cache za podatke — nešto sporiji, danas obično **na frekvenciji procesora**, veličina već u **MB**.
- Katkad postoji i treća razina — **L3** cache.

Cache memorija (nastavak)

Na primjer, moj “notebook” ima **Intel Pentium 4–M** procesor koji na sebi ima (bez pretjeranih tehničkih detalja):

- L1 cache za podatke — 8 KByte-a,
- L1 cache za instrukcije — 12 K tzv. mikro-operacija,
- L2 cache — 512 KByte-a, na frekvenciji procesora.

Ovo su tipični omjeri veličina za **Intelove** procesore.

Za usporedbu, na **AMDovim** procesorima omjeri su bitno **drugačiji**:

- L1 cache je **veći**,
- L2 cache nešto **manji** (i, katkad, sporiji).

(Ne ulazimo u to što je bolje!)

Cache memorija (nastavak)

Kako (ugrubo) **radi** cache?

Kad računalo (tj. njegov operacijski sustav) **izvršava** neki naš **program**, onda

- uglavnom, **imamo** kontrolu **sadržaja** obične memorije koju taj naš program koristi za podatke i naredbe.

Za razliku od toga,

- **nemamo** nikakvu **izravnu** kontrolu nad sadržajem **cache** memorije.

Naime, cache **nije izmišljen** zato da bude **mala**, **brža** kopija obične memorije i tako ubrza ukupni rad računala.

Cache memorija (nastavak)

Puno je **efikasnije** da

- **cache** sadrži podatke koji se **češće** koriste.

Isto vrijedi i za instrukcije. Dakle, **osnovna ideja** je:

- “Skrati put do onog što ti često treba”.

Naravno, **ključna** stvar za efikasnost je:

- Što znači “češće” korištenje nekog podatka ili instrukcije?

Dobra **globalna** ili **prosječna** efikasnost postiže se samo ako se **to odnosi** na **sve** što računalo izvršava u nekom trenutku, tj. na sve pokrenute korisničke programe i dijelove operacijskog sustava.

Cache memorija (nastavak)

U tom svjetlu, kad malo bolje razmislite,

- zaista bi bilo **nepraktično** da svaki programer određuje što i kada treba ići u koju cache memoriju,

jer prosječna efikasnost nipošto **ne ovisi** samo o njegovom programu. Zato **nema posebnih naredbi** za

- **učitavanje** podataka u cache, ili
- **pisanje** podataka iz cachea u običnu memoriju.

Umjesto toga, **sadržajem** cachea upravljaju posebni **cache kontroleri**, koji

- raznim tehnikama “**asocijacije**” na više načina povezuju nedavno korištene podatke i instrukcije s onima koje **tek treba iskoristiti i izvršiti**.

Cache memorija (nastavak)

Bez puno tehničkih detalja, ova **asocijacija** se realizira otprilike ovako:

- Za svaki **sadržaj** (podatak ili instrukciju) u cacheu, dodatno se pamti i **adresa** (iz RAM-a), s koje je taj **sadržaj** stigao.
- Ako procesor (uskoro) **zatraži** **sadržaj** s te **adrese**, on se “**čita**” iz cachea (tj. ne treba po njega ići u RAM).
- Po istom sistemu, u cacheu se **pamte** i stvari koje se “**pišu**” u običnu memoriju (na putu u RAM).
- Tada se iz cachea **brišu** podaci koji su **najstariji**, odnosno, **najmanje korišteni** (u zadnje vrijeme, otkad su u cacheu).

Cache memorija (nastavak)

Dakle, sadržaj cachea se **stalno obnavlja**, tako da

- cache čuva **najčešće nedavno korištene sadržaje** koji bi **uskoro mogli trebati**.

Iskustvo pokazuje da se **isti sadržaji** vrlo često koriste **više puta**, pa se ovo isplati.

Očiti primjer:

- **instrukcije u petljama** se ponavljaju puno puta!

Ne zaboravimo da je upravo to svrha programiranja i osnovna korist računala.

Cache memorija (nastavak)

Malo kompliciranije je s **podacima**.

- Ako naš **algoritam** ne koristi iste podatke **puno puta**, onda nam cache **neće ubrzati** postupak.
- U suprotnom, isplati se **preurediti** algoritam tako da **iste podatke** koristi **puno puta**, ali u **kratkom vremenskom razmaku** — da ne “izlete” iz cachea. (To je **neizravna** kontrola nad sadržajem **cachea**.)

Primjeri iz **linearne algebre**:

- **zbrajanje** matrica, $C = A + B$ — cache **ne pomaže** puno;
- **množenje** matrica, $C = C + A * B$ — dobro korištenje **cachea** može ubrzati množenje matrica i za **5 puta**.