

# *Uvod u računarstvo*

## *12. predavanje*

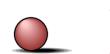
Saša Singer

[singer@math.hr](mailto:singer@math.hr)  
[web.math.hr/~singer](http://web.math.hr/~singer)

PMF – Matematički odjel, Zagreb

# Funkcije

# *Sadržaj predavanja*



## Funkcije:

- Definicija funkcije.
- Naredba **return**.
- Funkcija tipa **void**.
- Funkcija bez argumenata.
- Deklaracija funkcije.
- Prijenos argumenata.
- Rekurzivne funkcije.
- Funkcije s varijabilnim brojem argumenata.

# Definicija funkcije

Funkcija je programska cjelina koja

- uzima neke ulazne podatke,
- izvršava određeni niz naredbi,
- i vraća rezultat svog izvršavanja pozivnom programu.

Definicija funkcije ima oblik:

---

```
tip_podatka ime_funkcije(tip_1 arg_1,  
                           ..., tip_n arg_n)  
{  
    tijelo funkcije  
}
```

---

# *Definicija funkcije (nastavak)*

Opis pojedinih **dijelova** definicije funkcije:

- **tip\_podatka** je **tip podatka** koji će funkcija vratiti kao rezultat svog izvršavanja. Ako **nije naveden**, pretpostavlja se da funkcija vraća **int**.
- **ime\_funkcije** je identifikator.
- Unutar zagrada iza imena funkcije nalazi se **deklaracija formalnih argumenata** funkcije (ako ih ima).
  - Prvi argument **arg\_1** je (lokalna) varijabla **tipa tip\_1**, i tako redom.
  - Deklaracije pojedinih argumenata međusobno se odvajaju **zarezom** (to **nije** zarez operator).
  - Unutar **vitičastih** zagrada nalazi se **tijelo funkcije** koje se sastoji od **deklaracija varijabli** i **izvršnih naredbi**.

## Naredba return

Funkcija **vraća rezultat** svog izvršavanja naredbom **return**.  
Opći oblik te naredbe je:

---

```
return izraz;
```

---

Izraz se **može** staviti u **oble zagrade**, ali to **nije nužno**.

---

```
return (izraz);
```

---

**Pravilo:** funkcija **može** vratiti:

- aritmetički tip, strukturu, uniju ili pokazivač,  
ali **ne može** vratiti drugu funkciju ili polje.

Ako je **tip izraza** u naredbi **return** **različit** od **tipa podatka** koji funkcija vraća, izraz će biti **konvertiran** u **tip\_podatka**.

# Primjer funkcije

Primjer. Sljedeća funkcija pretvara mala slova (engleske abecede) u velika (kao standardna funkcija `toupper`).

- Formalni argument je samo jedan (`z`) i tipa je `char`.
- Vraćena vrijednost je tipa `char`.
- Ime funkcije je `malo_u_veliko`.

---

```
char malo_u_veliko(char z)
{
    char c;
    c = (z >= 'a' && z <= 'z') ?
        ('A' + z - 'a') : z;
    return c;
}
```

---

# Poziv funkcije

Funkcija se **poziva** navođenjem **imena** i liste (popisa) **stvarnih argumenata** u **zagradama**.

**Primjer.** Poziv funkcije iz prethodnog primjera:

```
int main(void)
{
    char malo, veliko;

    printf("Unesite malo slovo: ");
    scanf("%c", &malo);
    veliko = malo_u_veliko(malo);
    printf("\nVeliko slovo = %c\n", veliko);
    return 0;
}
```

# *Poziv funkcije — izraz kao stvarni argument*

Stvarni argument funkcije može biti izraz. Sastavim općenito,

- stvarni argument je uvijek izraz.

Primjer: funkcija `sqrt` iz `<math.h>` s prototipom

---

```
double sqrt(double)
```

---

može biti pozvana ovako:

---

```
double x, y;  
...  
y = sqrt(2 * x - 3);
```

---

Varijabla `y` primit će vrijednost  $\sqrt{2x - 3}$ .

## Višestruke return naredbe

Ako se programski tok unutar funkcije grana, onda

- možemo imati više return naredbi unutar iste funkcije.

Primjer. Funkcija koja pretvara mala u velika slova, napisana if-else naredbom.

```
char malo_u_veliko(char z)
{
    if (z >= 'a' && z <= 'z')
        return ('A' + z - 'a');
    else
        return z;
}
```

## *Funkcija bez rezultata — tipa void*

Ako funkcija ne vraća nikakvu vrijednost, onda se za tip “vraćene vrijednosti” koristi ključna riječ **void** (“prazan”).

Primjer. Ispis maksimalnog od dva cijela broja.

---

```
void maximum(int x, int y)
{
    int max;
    max = (x >= y) ? x : y;
    printf("\nMaksimalna vrijednost =%d\n", max);
    return;
}
```

---

Naredba **return nema izraz**. Ako je na kraju funkcije, može biti **izostavljena**, no bolje ju je **zadržati**, radi preglednosti.

# *Funkcija bez argumenata*

Funkcija koja **nema** nikakve **argumente** definira se ovako:

---

```
tip_podatka ime_funkcije(void)
{
    tijelo funkcije
}
```

---

Ključna riječ **void** (unutar zagrade) označava da funkcija **ne uzima** argumente.

## *Funkcija bez argumenata — poziv*

Poziv takve funkcije ima praznu listu stvarnih argumenata u zagradama:

---

```
varijabla = ime_funkcije();
```

---

Zgrade su obavezne, jer informiraju prevoditelj da je identifikator **ime\_funkcije** ime **funkcije**, a ne nešto drugo.

# Tijelo funkcije

Tijelo funkcije sastoji se od deklaracija varijabli (objekata) i izvršnih naredbi.

- Po standardu C90, deklaracije varijabli moraju prethoditi prvoj izvršnoj naredbi.
- Standard C99 dozvoljava deklaracije varijabli bilo gdje u tijelu funkcije (bloku), samo da su prije korištenja objekata.

Uočite da se tijelo funkcije piše unutar vitičastih zagrada, tj.

- ima strukturu bloka, odnosno, složene naredbe.

Gornja pravila o redoslijedu deklaracija i izvršnih naredbi

- vrijede za bilo koji blok u programu.

(Detaljnije u sljedećem poglavlju.)

# Deklaracija funkcije (1)

Svaka bi funkcija **prije** svoga **poziva** u programu trebala biti **deklarirana** — navođenjem **prototipa**.

- Mogućnost da se to ne napravi ostavljena je samo zbog kompatibilnosti s **prastarim C programima**, i **ne treba** ju koristiti!

Osim toga, u jeziku **C++** više **nije dozvoljena**.

Svrha **deklaracije (prototipa)** je **kontrola ispravnosti poziva funkcije** prilikom **prevodenja programa**.

- Deklaracija informira prevoditelj o:
  - imenu funkcije,
  - broju i tipu argumenata,
  - te tipu vrijednosti kojeg funkcija vraća.

# Deklaracija funkcije (1) (nastavak)

Ako je funkcija definirana u istoj datoteci u kojoj se poziva, i to prije svog prvog poziva, onda definicija služi kao deklaracija (pa posebna deklaracija nije potrebna).

Primjer. Funkcija definirana prije svog poziva (u `main`).

---

```
#include <stdio.h>

void maximum(int x, int y)
{
    int max;
    max = (x >= y) ? x : y;
    printf("\nMaksimalna vrijednost =%d\n", max);
    return;
}
```

# Deklaracija funkcije (1) (nastavak)

```
int main(void)
{
    int x, y;

    printf("Unesite dva cijela broja: ");
    scanf("%d %d", &x, &y);
    maximum(x, y);
    return 0;
}
```

---

U trenutku prvog poziva prevoditelj zna da je `maximum` funkcija koja

- ima dva argumenta tipa `int`,
- i ne vraća `ništa`.

## Deklaracija funkcije (2)

Ako **definiciju** funkcije smjestimo **nakon poziva** funkcije, moramo tu funkciju

- deklarirati prije prvog poziva,

(obično na početku datoteke, ili u funkciji u kojoj je poziv).

Deklaracija ili **prototip funkcije** ima oblik:

---

```
tip_podatka ime_funkcije(tip_1 arg_1,  
                           ..., tip_n arg_n);
```

---

Deklaracija sadrži samo **zaglavlj**e funkcije, **bez** bloka u kojem je **tijelo** funkcije.

Imena argumenata **arg\_1**, ..., **arg\_n** mogu biti **izostavljena** (jer se **tip** argumenata vidi i bez toga).

## *Deklaracija funkcije (2) (nastavak)*

Primjer. Funkcija definirana iza svog poziva (u `main`).

```
#include <stdio.h>

int main(void)
{
    int x, y;
    void maximum(int x, int y); /* Deklaracija */

    printf("Unesite dva cijela broja: ");
    scanf("%d %d", &x, &y);
    maximum(x, y);
    return 0;
}
```

## Deklaracija funkcije (2) (nastavak)

```
void maximum(int x, int y)
{
    int max;
    max = (x >= y) ? x : y;
    printf("\nMaksimalna vrijednost=%d\n", max);
    return;
}
```

---

U ovom primjeru je **deklaracija** (prototip) funkcije:

---

```
void maximum(int x, int y);
```

---

navedena **unutar** funkcije **main** (gdje je i poziv).

## *Deklaracija funkcije (2) (nastavak)*

Deklaracija funkcije može biti i **izvan** glavnog programa.

---

```
#include <stdio.h>

void maximum(int, int);      /* Deklaracija */

int main(void)
{
    int x, y;

    printf("Unesite dva cijela broja: ");
    scanf("%d %d", &x, &y);
    maximum(x, y);
    return 0;
}
```

## *Deklaracija funkcije (2) (nastavak)*

```
void maximum(int x, int y)
{
    int max;
    max = (x >= y) ? x : y;
    printf("\nMaksimalna vrijednost =%d\n", max);
    return;
}
```

---

Prednost ove deklaracije: funkcija **maximum** se može pozvati u **svim** funkcijama **iza** deklaracije.

# Prijenos argumenata

Formalni i stvarni argumenti:

- Argumenti deklarirani u definiciji funkcije nazivaju se formalni argumenti.
- Izrazi koji se pri pozivu funkcije nalaze na mjestima formalnih argumenata nazivaju se stvarni argumenti.

Veza formalnih i stvarnih argumenata pri pozivu funkcije:

- Cima samo tzv. prijenos argumenata po vrijednosti.
- Svaki formalni argument ujedno je i lokalna varijabla u toj funkciji (v. sljedeće poglavlje).
- Prilikom poziva funkcije, prvo se računaju vrijednosti stvarnih argumenata (izrazi) i onda kopiraju u formalne argumente.

# Prijenos argumenata po vrijednosti

- Funkcija prima kopije stvarnih argumenata što znači da ne može izmijeniti stvarne argumente.

Primjer. Prijenos argumenata po vrijednosti.

---

```
#include <stdio.h>

void f(int x) {
    x += 1;
    printf("Unutar funkcije x=%d\n", x);
    return;
}
```

---

Povećanje **x** za **1** događa se u **lokalnoj** varijabli **x**, pa nema traga **izvan** funkcije **f**.

## *Prijenos argumenata po vrijednosti (nastavak)*

```
int main(void)
{
    int x = 5;
    printf("Prije poziva funkcije x=%d\n", x);
    f(x);
    printf("Nakon poziva funkcije x=%d\n", x);
    return 0;
}
```

Rezultat izvršavanja programa bit će:

Prije poziva funkcije x=5  
Unutar funkcije x=6  
Nakon poziva funkcije x=5

## *Prijenos argumenata po adresi*

- Funkcija prima **adrese stvarnih** argumenata, što znači da **može izmijeniti** stvarne argumente (sadržaj na tim adresama).

**Napomena:** U C-u toga **nema**, i svi argumenti se prenose **po vrijednosti**.

Ako funkcijom želimo **promijeniti** vrijednost nekog **podatka**, pripadni argument **treba** biti pokazivač na taj podatak (njegova **adresa**).

Tada se **adresa** prenosi **po vrijednosti** (tj. kopira u funkciju), ali smijemo **promijeniti** sadržaj na toj **adresi** (operatorom dereferenciranja).

# Prijenos argumenata po adresi (nastavak)

Primjer. Prijenos argumenata “po adresi” preko pokazivača.

```
#include <stdio.h>

void f(int *x) {
    *x += 1;
    printf("Unutar funkcije x=%d\n", *x);
    return;
}
```

Povećavamo sadržaj na adresi **x** za **1**.

Pokazivač (adresa) je **lokalna** varijabla **x**. Promjena te varijable (tj. adrese) **nema** traga izvan funkcije **f**.

# *Prijenos argumenata po adresi (nastavak)*

```
int main(void)
{
    int x = 5;
    printf("Prije poziva funkcije x=%d\n", x);
    f(&x); /* Stvarni argument je pokazivac */
    printf("Nakon poziva funkcije x=%d\n", x);
    return 0;
}
```

Rezultat izvršavanja programa bit će:

Prije poziva funkcije x=5  
Unutar funkcije x=6  
Nakon poziva funkcije x=6

## *Primjer — po vrijednosti*

```
#include <stdio.h>
void f(int x, int y){
    x += y;
    y += x;
    printf("Unutar funkcije x=%d, y=%d", x, y);
}
int main(){
    int x = 2, y = 3;
    printf("Prije poziva funkcije x=%d, y=%d", x, y);
    f(y, x + y);
    printf("Nakon poziva funkcije x=%d, y=%d", x, y);
    return 0; }
```

---

Ispis: 2 3 8 13 2 3

## *Primjer — “po adresi”*

```
#include <stdio.h>
void f(int *x, int *y){
    *x += *y;
    *y += *x;
    printf("Unutar funkcije x=%d, y=%d", *x, *y);
}
int main(){
    int z, x = 2, y = 3;
    z = x + y;
    printf("Prije poziva funkcije x=%d, y=%d", x, y);
    f(&y, &z);
    printf("Nakon poziva funkcije x=%d, y=%d", x, y);
    return 0; }
```

---

Ispis: 2 3 8 13 2 8

# *Pravila o argumentima*

Pravila pri prijenosu argumenata:

- Broj **stvarnih** argumenata pri svakom **pozivu** funkcije mora biti jednak **broju formalnih** argumenata.
- Ako je funkcija **ispravno deklarirana** (ima **prototip**), **stvarni** argumenti kojima se tip **razlikuje** od tipa odgovarajućih **formalnih** argumenta, **konvertiraju** se u tip **formalnih** argumenata (kao pri pridruživanju).
- Redosljed izračunavanja **stvarnih** argumenata **nije definiran** i može ovisiti o implementaciji (**zarez** u popisu argumenata **nije** operator).

# *Rekurzivne funkcije*

C dozvoljava da se funkcije koriste **rekurzivno**, odnosno da pozivaju same sebe. Na primjer, za računanje faktorijela

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots n = n \cdot (n - 1)!$$

možemo napisati **rekurzivnu** funkciju:

---

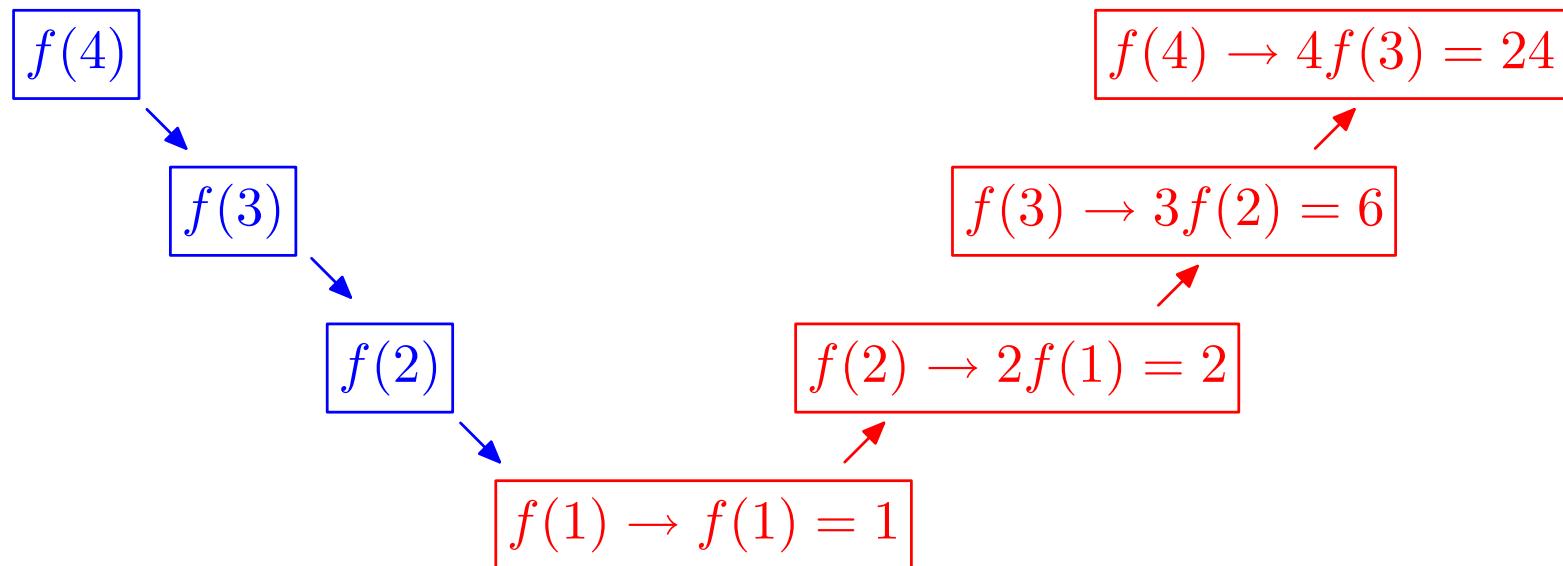
```
long faktorijeli(long n) {  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
    else  
        return n * faktorijeli(n - 1);  
}
```

---

Ali, nemojte to raditi. **Zabranjujem!**

# Rekurzivne funkcije (nastavak)

Funkcija (rekurzivno) poziva samu sebe  $n-1$  puta kako bi izračunala  $n!$ .



Osnovni nedostatak ovog primjera:

- pozivi su “linearni” i potrebno je  $n$  poziva funkcije (uključivo i polazni vanjski poziv), da se izračuna  $n!$ .

# *Rekurzivne funkcije (nastavak)*

To ide puno brže nerekurzivno, bez svih tih silnih poziva.

Faktorijele, naravno, možemo izračunati u jednoj petlji:

---

```
long faktorijeli(long n) {
    long f = 1;
    for (; n > 1; n--) f *= n;
    return f;
}
```

---

To je bitno efikasnije jer trebamo samo jedan poziv funkcije.  
Sve ostalo (množenja) traje podjednako!

# *Rekurzivne funkcije (nastavak)*

**Primjer.** Funkcija čita znakove sa standardnog ulaza, sve dok ne najde na prijelaz u novu liniju, i ispisuje učitane znakove obrnutim redoslijedom.

---

```
#include <stdio.h>
void unos(void) {
    char znak;
    if ((znak = getchar()) != '\n') unos();
    putchar(znak);
}
```

---

Rekurstija služi pamćenju učitanih znakova u lokalnoj varijabli **znak**. Ispis **nakon** rekursivnog poziva daje ispis **unatrag** (kako se vraćamo iz rekurstije).

# *Rekurzivne funkcije (nastavak)*

Glavni program (funkcija `main`):

---

```
int main(void) {
    printf(" Unesite niz znakova: ");
    unos();
    return 0;
}
```

---

Izvršavanjem s ulazom `Zdravo`, dobit ćemo ovaj rezultat:

---

Unesite niz znakova: Zdravo

ovardZ

---

Prvo je ispisan je **zadnji** učitani znak `\n`.

# *Rekurzivne funkcije (nastavak)*

Pravi primjeri rekurzivnih funkcija su:

- **quicksort** i **mergesort** algoritmi za sortiranje,
- Hanojski tornjevi,
- obrada **binarnih stabala** i drugih sličnih struktura,
- sintaktička analiza programa, po gramatičkim pravilima jezika.

## *Funkcije s varijabilnim brojem argumenata*

Funkcije `scanf` i `printf` primjeri su funkcija koje primaju varijabilan broj argumenata.

Datoteka zaglavlja `<stdarg.h>` sadrži niz definicija i makro naredbi koje omogućavaju u pisanje funkcija s varijabilnim brojem argumenata.

Opširnije u skripti i knjizi [KR2](#).