

# *Programiranje 2*

## *1. predavanje*

Saša Singer

[singer@math.hr](mailto:singer@math.hr)

[web.math.pmf.unizg.hr/~singer](http://web.math.pmf.unizg.hr/~singer)

PMF – Matematički odsjek, Zagreb

**Dobar dan, dobro došli**

# *Sadržaj predavanja (početak)*

- Uvod u kolegij:
  - Tko sam, što sam i kako do mene.
  - Pravila lijepog ponašanja.
  - Računarski kolegiji na preddiplomskom studiju.
  - Cilj kolegija “Programiranje 2”.
  - Pregled sadržaja kolegija.
  - Ostale važne informacije o kolegiju. Posebno:
    - “Pravila igre” ili način polaganja ispita.
    - Literatura.
    - Korisni linkovi — službena web stranica kolegija.

# *Sadržaj predavanja (nastavak)*

- Funkcije (ponavljanje):
  - Načini prijenosa argumenata:
    - “po vrijednosti”, “po adresi”.
  - Prijenos argumenata po vrijednosti u C-u.
  - Prijenos adresa — “varijabilni” argumenti.
- Rekurzivne funkcije.
  - Fibonaccijevi brojevi — NE TAKO i kako treba.
  - QuickSort algoritam.

## *Informacije — najava odrade*

U petak, 7. 4., nema predavanja u redovitom terminu.

- Održava se Dan i noć na PMF-u, pa nema nastave.

Računajte na to da ćemo

- to 5. predavanje morati odraditi u nekom terminu,
- vrlo vjerojatno — unaprijed.

Točne informacije kad se raspored ustabili.

# *Informacije — web stranica*

Moja web-stranica za Programiranje 2 je

<https://web.math.pmf.unizg.hr/~singer/prog2/>

ili, skraćeno,

<https://web.math.hr/~singer/prog2/>

Tamo su:

- kompletna predavanja iz prošlih godina, a stizat će i nova (kako nastaju),
- zip arhiva svih primjera i programa s predavanja, (zajedno s exe verzijama, Intel C).

Kopija je na adresi

<http://degiorgi.math.hr/~singer/prog2/>

## *Informacije — kolokviji*

Programiranje 2 je u kolokvijskom razredu **C3**.

Službeni termini svih **kolokvija** su:

- Prvi kolokvij: petak, 28. 4. 2017., u 15 sati.
- Drugi kolokvij: petak, 23. 6. 2017., u 15 sati.
- Popravni kolokvij: utorak, 5. 9. 2017., u 15 sati.

Uputa: “izbjegnite” popravni — obavite to **ranije!**

# *Informacije — demonstratori*

Prog2 ima istih **6 demonstratora** kao i Prog1. To su:

- Tomislav Bujanović
- Lea Bundalo
- Ante Buterin
- Ivan Čeh
- Al Depope
- Marin Gunja

Demosi lijepo **mole** da im se **najavite mailom** koji **dan ranije!**

- Njihove **mail** **adrese** i **termine** nađete na **službenoj web-stranici** kolegija.

Pogledajte za koji dan, dok srede termine.

# **Informacije — ritam nastave**

Tek toliko da ste svjesni:

- do 1. kolokvija imamo “standardnih” 7 tjedana nastave,
- a ne samo 6 ili punih 8.

Ovaj semestar, također, imamo

- samo 13 tjedana nastave, umjesto nekadašnjih 14.

Zato predavanja idu **istim** “ritmom” kao ranijih godina.

- Preskačemo ponavljanje gradiva iz Prog1 — visi na webu kao nulto predavanje.

Stvarno, Programiranje 2 ima ukupno 12 tjedana nastave,

- zato jer jedan obično propadne zbog raznih blagdana.

Ako ne propadne — zadnji tjedan služi kao rezerva :-)

# Uvod u kolegij

# Sadržaj

- Uvod u kolegij:
  - Tko sam, što sam i kako do mene.
  - Pravila lijepog ponašanja.
  - Računarski kolegiji na preddiplomskom studiju.
  - Cilj kolegija “Programiranje 2”.
  - Pregled sadržaja kolegija.
  - Ostale važne informacije o kolegiju. Posebno:
    - “Pravila igre” ili način polaganja ispita.
    - Literatura.
    - Korisni linkovi — službena web stranica kolegija.

# *Na samom početku*

- Moja malenkost (u punom “sjaju”):  
izv. prof. dr. sc. Saša Singer
- Službeni osobni podaci:
  - ured (soba, kabinet): 227, drugi kat,
  - e-mail: singer@math.hr (Molim plain text poruke.)
  - web stranica: <http://web.math.hr/~singer/>  
odn. <http://web.math.pmf.unizg.hr/~singer/>
- Konzultacije:
  - službeno: petak, 12–14 sati,
  - ili — po dogovoru.

# *Osnovna pravila "lijepog" ponašanja*

Imam nekoliko lijepih **zamolbi** u rubrici “kultura”.

- Prva i osnovna je

**razumna tišina,**

tj. da pričanjem **ne ometate** izvođenje nastave.

- Zatim, **ne kasnite** na predavanje.
- Održavajte **razuman red** u predavaonici.
- **Mobilne telefone**, molim, **utišajte**.

# *Ukratko o kolegijima iz računarstva*

Programiranje 2 — skraćeno = Prog2, je drugi od (barem) 4 računarska kolegija na preddiplomskom studiju Matematika:

- Programiranje 1 (Prog1), prije toga Uvod u računarstvo,
- Programiranje 2 (Prog2), prije toga Programiranje (C),
- Strukture podataka i algoritmi (SPA),
- Računarski praktikum I (RP1).

Napomena: Raniji kolegiji su preduvjet za kasnije (navedenim redom, od 1. do 4. semestra).

Prog2 je drugi osnovni kolegij iz računarstva. Ne šalite se ...

- Tko ima problema s Prog2, vrlo će teško “preživjeti” ostatak.

# *Cilj kolegija Programiranje 2*

Ovaj kolegij,

- kao nastavak na Prog1 i preduvjet za SPA,

ima 2 osnovna cilja:

- savladavanje osnovnih tehnika programiranja, tj. realizacija osnovnih algoritama,
- učenje konkretnog programskog jezika — C, koji je sredstvo za realizaciju tih algoritama.

# *Cilj kolegija Programiranje 2 (nastavak)*

Očekivana znanja i vještine — koje Vi trebate steći:

- razumijevanje koncepata i praktični rad s
  - funkcijama,
  - pokazivačima,
  - složenim strukturama podataka (polja, strukture, vezane liste),
  - datotekama,
- razumijevanje sintakse i semantike naredbi programskog jezika C,
- sposobnost pisanja osnovnih algoritama u programskom jeziku C.

# *Pregled sadržaja kolegija*

Teme — posložene kao elementi programskog jezika C:

- Ponavljanje gradiva iz kolegija Programiranje 1 — web.
- Funkcije i rekurzivne funkcije.
- Struktura programa.
- Dvodimenzionalna i višedimenzionalna polja.
- Pokazivači. Pokazivači i polja. Pokazivači i funkcije.
- Strukture.
- Datoteke.
- Preprocesorske naredbe.
- Standardna C biblioteka.

# Prijava na kolegij

Slično kao i na Prog1, za početak,

- treba **obaviti prijavu** i, zatim, **potvrditi prijavu** u aplikaciji za tzv. “domaće zadaće”, na web–adresi

<http://degiorgi.math.hr/prog2/ku/>

**Napomena:** Za razliku od Prog1, ova prijava

- nije** nužna — u smislu **preuvjeta** za izlazak na kolokvije (popis dobijemo i bez toga).

Međutim, prijava je vrlo korisna iz nekoliko razloga.

- Na primjer, **bez** prijave — **nema** domaćih zadaća.

Dakle, smatrajte kao da je **nužna** i **prijavite** se što prije!

# *Kako položiti Programiranje 2?*

Ocjena se formira na temelju zbroja bodova iz 3 dijela:

- 1. kolokvij — ima (najmanje) 40 bodova,
- 2. kolokvij — ima (najmanje) 60 bodova,
- “domaće” zadaće — vrijede najviše 10 bodova.

Nije greška — zaista se može osvojiti preko 100 bodova.

Za prolaz je potrebno:

- zaraditi ukupno barem 45 bodova iz kolokvija (prvi i drugi zajedno, ili popravni),
- s tim da na barem jednom zadatku (na nekom kolokviju) treba zaraditi najmanje 80% mogućih bodova.

Za razliku od Prog1, na Prog2 — svi zadaci su programski.

# **Polaganje ispita — zadaće i popravni**

Nadalje, zadaće **nisu** obavezne,

- i **ne ulaze** u granicu od **45** bodova za **prolaz!**

No, **vrlo** su korisne za vježbanje i

- kao **bonus** za “dizanje” ocjene!

Preciznije, bodovi iz zadaća **dodaju** se

- “**prolaznim**” bodovima koje ste zaradili na **redovitim kolokvijima**, tj. ako ih je barem **45** (**prije** dodavanja).

Ovo **ne vrijedi** za **popravni kolokvij!**

- Tamo se ništa **ne dodaje**, tj. sve ranije se “**briše**”, uključivo i bodovi iz zadaća.

Ideja: bodovi iz zadaća su **nagrada** za **redoviti rad.**

## *Domaće zadaće — nastavak*

Domaće zadaće “žive” na adresi

<http://degiorgi.math.hr/prog2/ku/>

Realizacija je potpuno **ista** kao na Prog1.

- Prvo treba **prijava** i **potvrda** prijave.
- Ima **5** zadataka i svaki (točno riješeni) nosi **2** boda.

Dodatni bodovi “čekaju na vas”!

# **Polaganje ispita — popravni (*Ne koristiti!*)**

Popravni kolokvij je “zadnji vlak za spas” i

- obuhvaća gradivo **cijelog** kolegija (uključivo i Prog1).

Uvjjeti za **prolaz** su **isti** kao i prije!

Na **popravni** možete **samo** ako ste:

- zaradili barem **30** bodova na **redovitim** kolokvijima,
- s tim da na barem jednom **zadatku** (na nekom kolokviju) imate **najmanje 50%** mogućih bodova.

Okruglo, ti preduvjeti su oko **2/3** prolaza “redovitim” putem.

Izgleda vrlo “**oštro**”, ali iskustvo i statistika kažu da

- s **manje od toga** — **nemate** nikakve šanse za **prolaz**.

## *Polaganje ispita — tablica ocjena*

Na kraju, evo kako se tako zarađeni bodovi pretvaraju u tzv.

- prvu ponuđenu ocjenu (može, ali ne mora biti konačna.)

Tablica bodovi  $\mapsto$  ocjene:

Bodovi	Ocjena
0 – 44	1
45 – 59	2
60 – 74	3
75 – 89	4
90 i više	5

To vrijedi za **zbroj** bodova — onih koji se “**zbrajaju**”.

## **Polaganje ispita (nastavak)**

U načelu, **usmenog** ispita (“završne provjere znanja”) **NEMA**, tj. završna provjera znanja = **upis ocjene**. Mogući **izuzeci** su:

- po **želji** — ako **položite**, a **niste zadovoljni** ocjenom,
- po **kazni** — nastavnik vas **IMA PRAVO** pozvati na usmeni ispit (na pr., zbog **prepisivanja** na kolokviju).

Napomena: usmeni je **praktični** (za računalom).

Tako zarađena **konačna** ocjena može biti

- i **manja** od one **prvo ponuđene**, uključivo i **pad kolegija**.

Pravila polaganja ispita su na službenoj web stranici kolegija.

Ovdje ide priča da “**nema šale**”.

# **Kako položiti ispit — najvažnije + upozorenje!**

“Nema šale”  $\iff$  programiranje se uči prvenstveno

- samostalnim pisanjem programa **na računalu**.

Nema zamjene za to iskustvo!

- Ne može ga netko steći za vas, **umjesto** vas.

Upozorenje: C **nije jednostavan** jezik i

- **nije** izmišljen za **učenje** programiranja.

Svakako,

- **isprobajte** programe s **predavanja** i **vježbi**.

Sve je **dostupno** na **webu**

- službenom i/ili mojem — v. malo dalje.

# *Literatura za Prog2*

Osnovna literatura su, naravno,

- predavanja i vježbe,

s popratnim materijalima (na pr. programi na webu).

Dodatna literatura — ukratko (više riječi je bilo na Prog1):

- Brian W. Kernighan i Dennis M. Ritchie,  
The C Programming Language (second edition),  
Prentice Hall, Upper Saddle River, New Jersey, 1988.
- B. S. Gottfried, Theory and Problems of Programming  
with C (second edition), Schaum's outline series,  
McGraw-Hill, New York, 1996.  
(Uputa: tražite najnovije izdanje.)

# *Programska podrška za C*

Za praktično programiranje u C-u, možete koristiti

- Code::Blocks (umjesto DevC++), MS Visual Studio, . . . , na Windowsima,
- Code::Blocks, cc, gcc na Unix/Linux platformi.

Ponavljam:

- isprobajte programe s predavanja i vježbi.

Osim toga, (is)koristite demonstratore.

## *Korisni linkovi*

Službena web stranica kolegija je:

<http://degiorgi.math.hr/prog2/>

Tamo su:

- predavanja prof. Nogo i link na moja predavanja  
(moja predavanja su na mom webu, da ne bude “kaos”),
- vježbe,
- službeni podsjetnik (“šalabahter”),
- sve bitne obavijesti,
- svašta drugo — pogledajte!

## *Korisni linkovi (nastavak)*

Isplati se relativno često svratiti, jer se

- sve važne stvari prvo pojave na webu.

Na primjer, rezultati kolokvija!

Ako mislite da bi na službenom webu trebalo biti još nešto, slobodno predložite!

- Ideja je da tamo bude sve što vam može pomoći.

Molba: Ako nešto ne radi, odmah javite nastavnicima ili asistentima. Najbolje,

- meni (na singer), a ja će “proslijediti dalje”.

Naime, degiorgi je u mojoj sobi, a tu i tamo “padne”.

## **Korisni linkovi — forum**

Na kraju, postoji i “društveno mjesto” na webu Matematičkog odsjeka — tzv. **forum**:

**<http://degiorgi.math.hr/forum/>**

Tamo ima i podforum za Programiranje 1 i 2 na kojem se svašta nađe.

Stvarno, web i forum još uvijek (na daljinu) održava

- **Vedran Šego** — još uvijek vrlo “živ” kao **vsego**,
- dugogodišnji asistent iz **Prog** (autor skripte za vježbe),
- a pred nekoliko godina je bio i nastavnik (i “natjerao” me da podosta sredim ova predavanja).

**Veliko HVALA!**

# **Molba — za predavanja i sve moje materijale**

Lijepo molim, ako uočite neku **grešku** i sl., bez **ustručavanja**,

- **javite mi** (najlakše mailom) — bit će popravljena :-)

Nakon silnih godina,

- ja čitam “ono što **hoću**”, a **ne** ono što **zaista** piše.

Isto vrijedi i za sve **programe** na mom webu!

Naravno, ako nešto nije jasno, izgleda “čudno”, . . .

- **pitajte me** – ne grizem!

(bar **ne** prije kolokvija i ispita).

# *Ima li pitanja?*

Slušam . . .

# Funkcije

# Sadržaj

- Funkcije (ponavljanje):
  - Načini prijenosa argumenata:
    - “po vrijednosti”, “po adresi”.
  - Prijenos argumenata po vrijednosti u C-u.
  - Prijenos adresa — “varijabilni” argumenti.
- Rekurzivne funkcije.
  - Fibonaccijevi brojevi — NE TAKO i kako treba.
  - QuickSort algoritam.

# *Definicija funkcije — ponavljanje*

Funkcija je programska cjelina koja

- uzima neke ulazne podatke,
- izvršava određeni niz naredbi,
- i vraća rezultat svog izvršavanja na mjesto poziva.

Definicija funkcije ima oblik:

---

```
tip_podatka ime_funkcije(tip_1 arg_1,  
                           ..., tip_n arg_n)  
{  
    tijelo funkcije  
}
```

---

# **Načini prijenosa argumenata**

Formalni i stvarni argumenti (ili parametri):

- Argumenti deklarirani u definiciji funkcije nazivaju se formalni argumenti.
- Izrazi koji se pri pozivu funkcije nalaze na mjestima formalnih argumenata nazivaju se stvarni argumenti.

Veza između formalnih i stvarnih argumenata uspostavlja se

- prijenosom argumenata prilikom poziva funkcije.

Sasvim općenito, postoje dva načina prijenosa (ili predavanja) argumenata prilikom poziva funkcije:

- prijenos vrijednosti argumenata — engl. “call by value”,
- prijenos adresa argumenata — engl. “call by reference”.

# *Prijenos argumenata po vrijednosti*

Kod prijenosa **vrijednosti** argumenata

- funkcija prima **kopije** vrijednosti **stvarnih** argumenata, što znači da
- funkcija **ne može izmijeniti stvarne** argumente.

**Stvarni** argumenti mogu biti **izrazi**. Prilikom poziva funkcije,

- prvo se izračuna **vrijednost** tog izraza,
- a zatim se ta **vrijednost** prenosi u funkciju,
- i kopira u odgovarajući **formalni** argument.

# *Prijenos argumenata po adresi*

Kod prijenosa **adresa** argumenata

- funkcija prima **adrese stvarnih** argumenata,  
što znači da
- funkcija **može izmijeniti** stvarne argumente, tj. **sadržaje** na tim **adresama**.

**Stvarni** argumenti, u principu, **ne mogu** biti **izrazi**,

- već samo **variabile**,
- odnosno, **objekti** koji **imaju adresu**.

# Prijenos argumenata u C-u

U C-u postoji samo prijenos argumenata po vrijednosti.

- Svaki formalni argument ujedno je i lokalna varijabla u toj funkciji.
- Stvarni argumenti u pozivu funkcije su izrazi (izračunaj vrijednost, kopiraj ju u formalni argument).

Ako funkcijom želimo promijeniti vrijednost nekog podatka (tzv. “varijabilni argument”), pripadni argument

- treba biti pokazivač na taj podatak, tj. njegova adresa!

Tada se adresa prenosi po vrijednosti — kopira u funkciju (promjena te kopije ne mijenja stvarnu adresu),

- ali smijemo promijeniti sadržaj na toj adresi, koristeći operator dereferenciranja \*.

# Prijenos vrijednosti argumenata

Primjer. Prijenos vrijednosti argumenata ([kvad\\_1.c](#)).

---

```
#include <stdio.h>

void kvadrat(int x, int y)
{
    y = x*x;
    printf("Unutar funkcije: x = %d, y = %d.\n",
           x, y);
    return;
}
```

---

Kvadrat od **x** sprema se u **lokalnoj** varijabli **y**, pa **nema** traga izvan funkcije **kvadrat**.

# *Prijenos vrijednosti argumenta (nastavak)*

```
int main(void) {
    int x = 3, y = 5;

    printf("Prije poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    kvadrat(x, y);
    printf("Nakon poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    return 0;
}
```

Rezultat izvršavanja programa je:

```
Prije poziva: x = 3, y = 5.
Unutar funkcije: x = 3, y = 9.
Nakon poziva: x = 3, y = 5.
```

# Prijenos adresa argumenata

Primjer. Prijenos adresa argumenata ([kvad\\_2.c](#)).

---

```
#include <stdio.h>

void kvadrat(int *x, int *y)
{
    *y = *x**x; /* = (*x) * (*x). */
    printf("Unutar funkcije: x = %d, y = %d.\n",
           *x, *y);
    return;
}
```

---

Kvadriramo sadržaj od **x** i spremamo ga u sadržaj od **y**, pa ostaje trag izvan funkcije **kvadrat** — mijenja se **\*y**.

# *Prijenos adresa argumenata (nastavak)*

```
int main(void) {
    int x = 3, y = 5;

    printf("Prije poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    kvadrat(&x, &y);
    printf("Nakon poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    return 0;
}
```

Rezultat izvršavanja programa je:

```
Prije poziva: x = 3, y = 5.
Unutar funkcije: x = 3, y = 9.
Nakon poziva: x = 3, y = 9.
```

## Napomene uz primjer

U prvom primjeru

- `void kvadrat(int x, int y)`

`x` i `y` su lokalne varijable tipa `int`.

U drugom primjeru

- `void kvadrat(int *x, int *y)`

`x` i `y` su lokalne varijable tipa `int *`, tj. pokazivači na `int`.

Nije lijepo da se razne stvari isto zovu! Recimo, `px` i `py` bi bilo bolje u drugom primjeru.

“Prava” realizacija bi bila

- `void kvadrat(int x, int *py)`

jer `x` ne mijenjamo!

## *Korektni prijenos argumenata*

Primjer. Korektni prijenos argumenata — *y* je “varijabilni” argument, pa prenosimo adresu *py* ([kvad\\_3.c](#)).

```
#include <stdio.h>

void kvadrat(int x, int *py)
{
    *py = x*x;
    printf("Unutar funkcije: x = %d, y = %d.\n",
           x, *py);
    return;
}
```

Kvadrat od *x* spremamo u sadržaj od *py*, pa ostaje trag izvan funkcije *kvadrat* — mijenja se *\*py*.

## *Korektni prijenos argumenata (nastavak)*

```
int main(void) {
    int x = 3, y = 5;

    printf("Prije poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    kvadrat(x, &y);
    printf("Nakon poziva: x = %d, y = %d.\n", x, y);
    return 0;
}
```

Rezultat izvršavanja programa je:

```
Prije poziva: x = 3, y = 5.
Unutar funkcije: x = 3, y = 9.
Nakon poziva: x = 3, y = 9.
```

## **Korektni prijenos argumenata (nastavak)**

Potpuni pregled stanja stvari dobivamo ispisom adresa, vrijednosti i sadržaja na adresama (**kvad\_p3.c**):

---

U glavnom programu (funkcija main):

adresa od x (&x) = 0012FE80

adresa od y (&y) = 0012FE84

Prije poziva funkcije:

vrijednost od x (x) = 3

vrijednost od y (y) = 5

Unutar funkcije kvadrat:

adresa od x (&x) = 0012FE88

adresa od py (&py) = 0012FE90

vrijednost od x (x) = 3

vrijednost od py (py) = 0012FE84

sadrzaj od py (\*py) = 9

## *Korektni prijenos argumenata (nastavak)*

Nakon poziva funkcije:

vrijednost od x (x) = 3

vrijednost od y (y) = 9

---

# Rekurzivne funkcije

# *Rekurzivne funkcije*

Programski jezik C dozvoljava tzv. **rekurzivne** funkcije, tj.

- da funkcija **poziva** samu sebe.

U pravilu,

- rekurzivni algoritmi su **kraći**,
- ali **izvođenje**, u načelu, traje **dulje**.

Katkad — **puno dulje**, ako **puno** puta računamo **istu** stvar.  
Zato **oprez!**

**Napomena.** Svaki **rekurzivni** algoritam **mora** imati

- “**nerekurzivni**” dio, koji omogućava **prekidanje** rekurzije.

Najčešće je to neki **if** u **inicijalizaciji** rekurzije.

# Fibonacciјevi brojevi

# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Osim faktorijela, drugi standardni primjer rekurzivne funkcije su Fibonaccijevi brojevi, definirani rekurzijom

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}, \quad n \geq 2, \quad \text{uz} \quad F_0 = 0, \quad F_1 = 1.$$

Po definiciji, možemo napisati rekurzivnu funkciju:

---

```
long int fib(int n)
{
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;
    return fib(n - 1) + fib(n - 2);
}
```

---

Može i **long unsigned**. Ali, nemojte to raditi. **Zabranjujem!**

## Fibonaccijevi brojevi (nastavak)

Ovdje je broj rekurzivnih poziva **ogroman** i **veći** od samog broja  $F_n$ .

Ne vjerujete? Dodajmo funkciji **globalni** brojač poziva **broj\_poziva** (**fib\_r.c**).

---

```
long int fib(int n)
{
    ++broj_poziva; /* globalni brojac poziva */
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;
    return fib(n - 1) + fib(n - 2);
}
```

---

Za  $n = 20$  rezultat je  $F_{20} = 6765$ , a za računanje treba **21891** poziv funkcije!

# Fibonaccijevi brojevi petljom

Zadatak. Dokažite da je broj rekurzivnih poziva funkcije `fib` za računanje  $F_n$ , uz  $n \geq 2$ , jednak  $(F_1 + \cdots + F_n) + F_{n-1}$ .

Uputa: `fib(k)` se poziva  $F_{n+1-k}$  puta, za  $k = 1, \dots, n$ , a `fib(0)` se poziva  $F_{n-1}$  puta! ■

Ovo, kao i faktorijele, ide puno brže običnom petljom:

- novi član je zbroj prethodna dva, uz “pomak” članova.

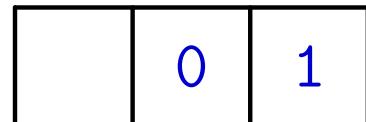
Za realizaciju tog algoritma trebamo “prozor” od samo 3 susjedna člana niza:

- `fn` = novi član,
- `fp` = prošli član,
- `fpp` = pretprošli član.

# Fibonaccijevi brojevi

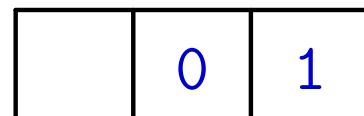
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_1$ ):



$\text{fp}$     $\text{fn}$

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $\text{fp} = F_0$ ,  $\text{fn} = F_1$

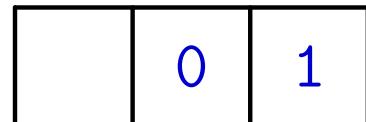


$\text{fp}$     $\text{fn}$

# Fibonaccijevi brojevi

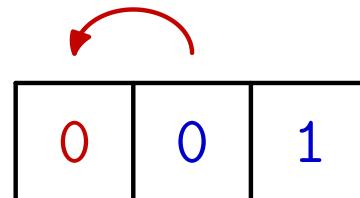
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_1$ ):



fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{pp} = F_0$



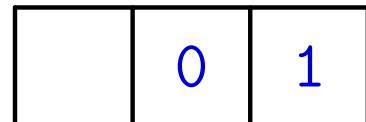
$f_{pp} = fp$

$f_{pp}$   $fp$   $fn$

# Fibonaccijevi brojevi

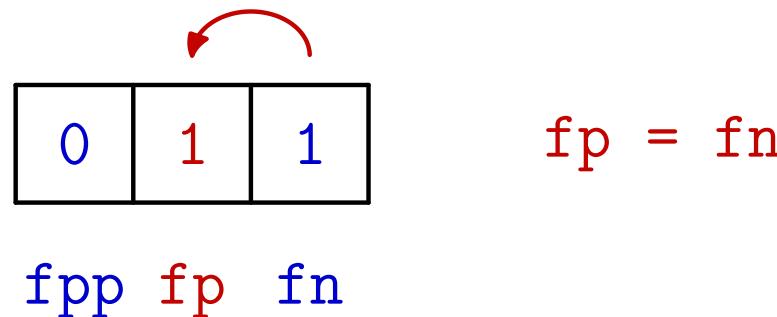
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_1$ ):



fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_1$



# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_2$ ):

0	1	1
---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_0 + F_1 = F_2$

0	1	1
---	---	---

$$fn = fp + fpp$$

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_2$ ):

0	1	1
---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fpp = F_1$



1	1	1
---	---	---

fpp = fp

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

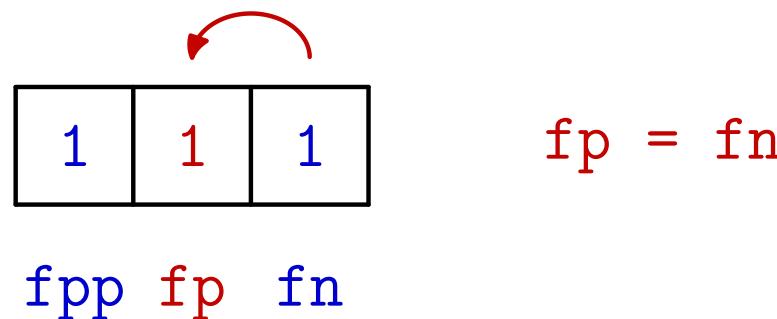
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_2$ ):

0	1	1
---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_2$



# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_3$ ):

0	1	1	2
---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_1 + F_2 = F_3$

1	1	2
---	---	---

$$fn = fp + fpp$$

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

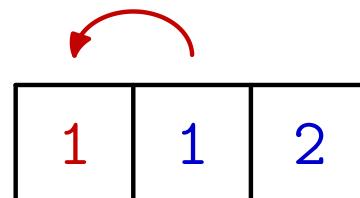
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_3$ ):

0	1	1	2
---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{\text{pp}} = F_2$



1	1	2
---	---	---

$f_{\text{pp}} = \text{fp}$

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

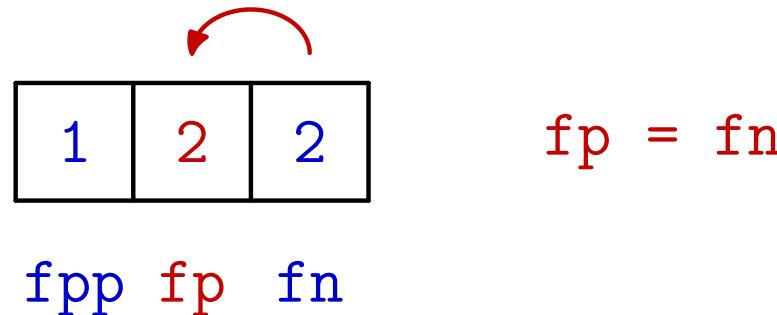
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_3$ ):

0	1	1	2
---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_3$



# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_4$ ):

0	1	1	2	3
---	---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_2 + F_3 = F_4$

1	2	3
---	---	---

$$fn = fp + fpp$$

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

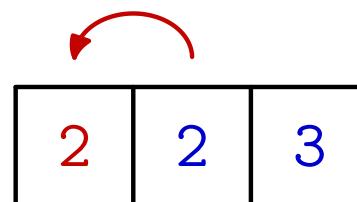
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_4$ ):

0	1	1	2	3
---	---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{\text{pp}} = F_3$



2	2	3
---	---	---

fpp = fp

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

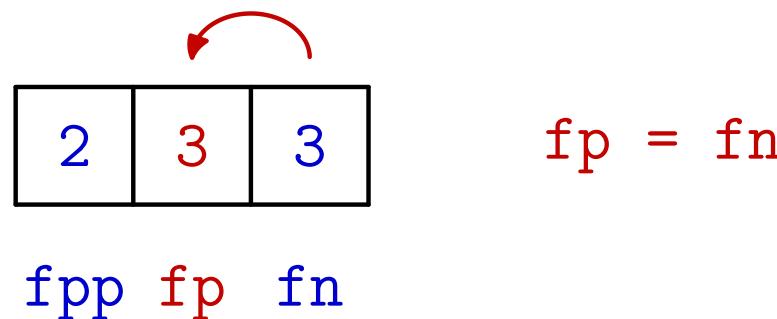
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_4$ ):

0	1	1	2	3
---	---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_4$



# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_5$ ):

0	1	1	2	3	5
---	---	---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_3 + F_4 = F_5$

2	3	5
---	---	---

$$fn = fp + fpp$$

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

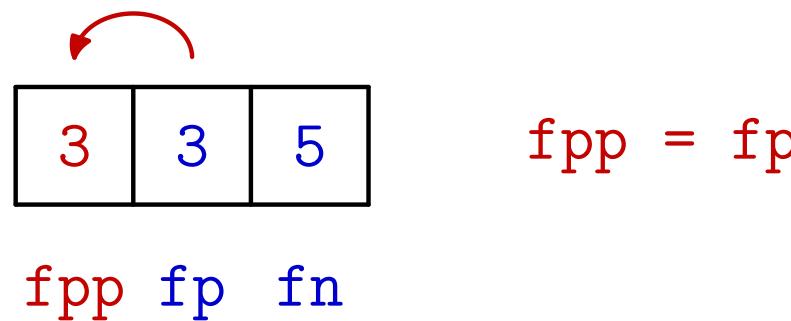
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_5$ ):

0	1	1	2	3	5
---	---	---	---	---	---

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{\text{pp}} = F_4$



# Fibonaccijevi brojevi

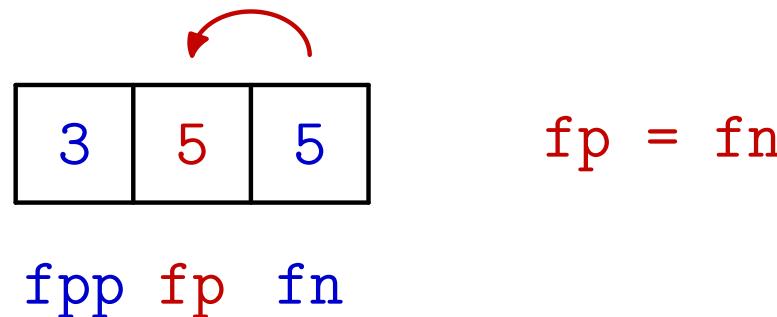
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_5$ ):

0	1	1	2	3	5
---	---	---	---	---	---

fpp fp fn

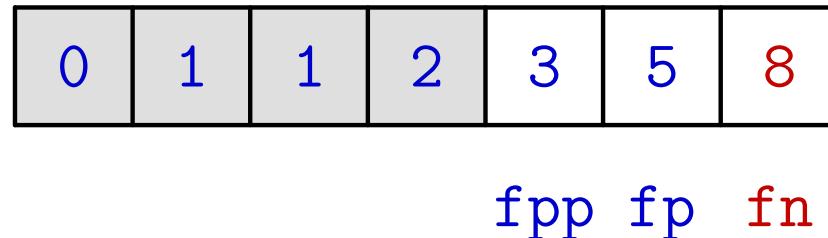
Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_5$



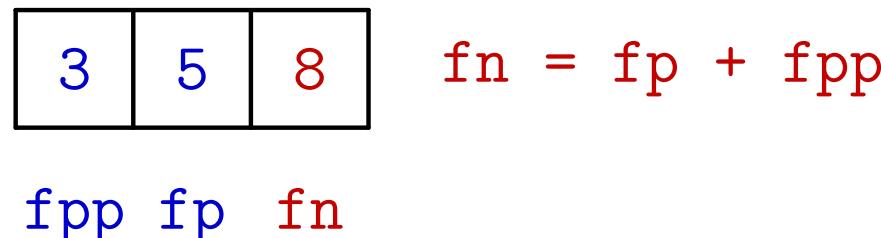
# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_6$ ):



Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_4 + F_5 = F_6$



# Fibonaccijevi brojevi

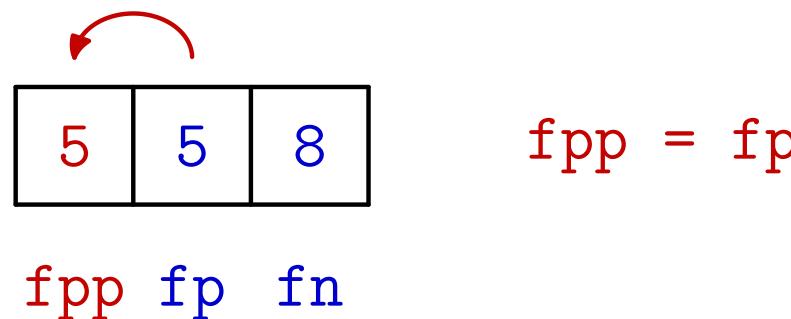
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_6$ ):

0	1	1	2	3	5	8
---	---	---	---	---	---	---

fpp fp fn

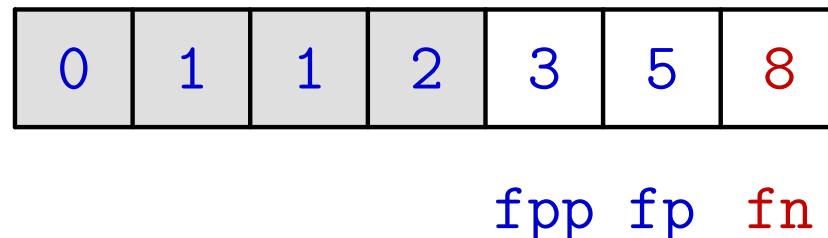
Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{\text{pp}} = F_5$



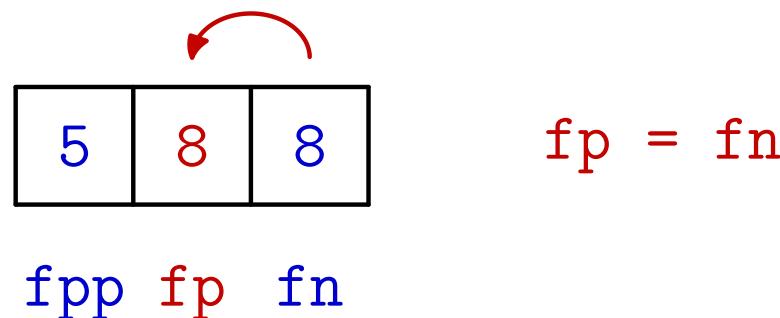
# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_6$ ):



Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_6$



# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_7$ ):

0	1	1	2	3	5	8	13
---	---	---	---	---	---	---	----

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_5 + F_6 = F_7$

5	8	13
---	---	----

fn = fp + fpp

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

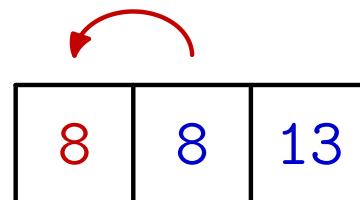
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_7$ ):

0	1	1	2	3	5	8	13
---	---	---	---	---	---	---	----

fpp fp fn

Što se stvarno zbiva s prozorom:  $f_{\text{pp}} = F_6$



fpp = fp

fpp fp fn

# Fibonaccijevi brojevi

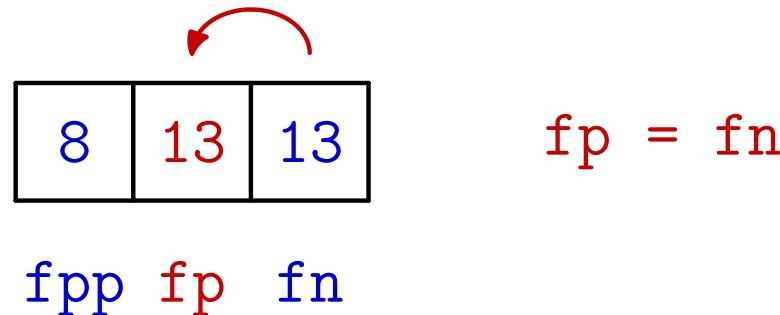
Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_7$ ):

0	1	1	2	3	5	8	13
---	---	---	---	---	---	---	----

fpp fp fn

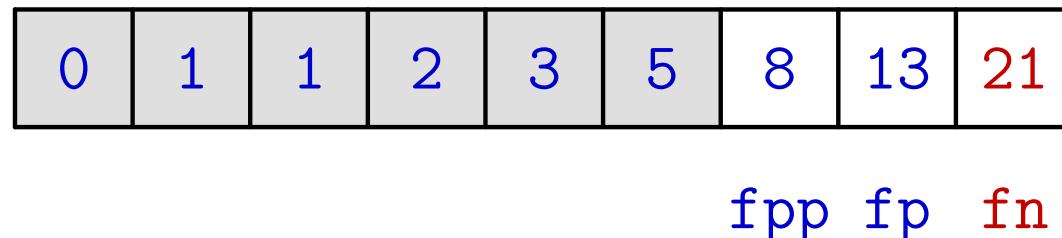
Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fp = F_7$



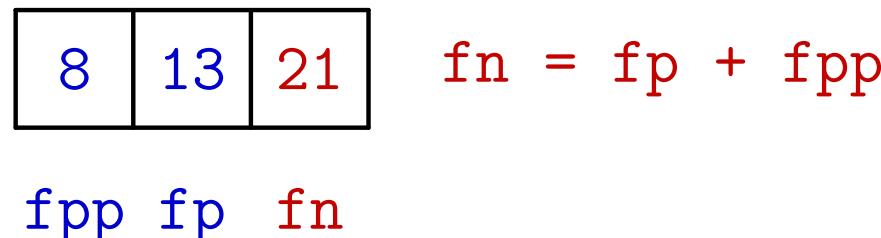
# Fibonaccijevi brojevi

Primjer. Napišite iterativni algoritam koji računa Fibonaccijeve brojeve, počevši od  $F_0 = 0$ ,  $F_1 = 1$ .

Prozor širine 3 susjeda “putuje” nizom (zadnji je  $F_8$ ):



Što se stvarno zbiva s prozorom:  $fn = F_6 + F_7 = F_8$



## *Fibonaccijevi brojevi petljom (nastavak)*

Iterativna (nerekurzivna) verzija funkcije za Fibonaccijeve brojeve (`fib_a.c`).

---

```
long int fibonacci(int n)
{
    long int f_n, f_p, f_pp; /* Namjerno NE inic.*/
    int i;

    if (n == 0) return 0; /* F[0] */
    if (n == 1) return 1; /* F[1] */

    /* Sad inicijaliziramo prva dva.
       Inicijalizacija odgovara
       stanju za n = 1 (a ne 2). */
```

## *Fibonaccijevi brojevi petljom (nastavak)*

```
f_p = 0; /* Prosli F[0] */  
f_n = 1; /* Ovaj F[1] */  
  
for (i = 2; i <= n; ++i) {  
    f_pp = f_p; /* F[i - 2] */  
    f_p = f_n; /* F[i - 1] */  
    f_n = f_p + f_pp; /* F[i] */  
}  
  
return f_n;  
}
```

---

## Fibonaccijevi brojevi (kraj)

Ima još puno brži algoritam za računanje  $F_n$ ,

- složenost mu je  $O(\log n)$ , a ne  $O(n)$ ,  
ali se ne isplati za male  $n$ .

Naime, najveći prikazivi Fibonaccijev broj na 32 bita

- u tipu `int` (i u tipu `long int`) je  $F_{46} = 1\,836\,311\,903$ ,
- a u tipu `unsigned` (može i `long`) je  $F_{47} = 2\,971\,215\,073$ .

Dakle, korektne rezultate dobivamo samo za  $n \leq 46$  (ili 47), a tad je dovoljno brz i obični aditivni algoritam.

Usput, najveći prikazivi Fibonaccijev broj na 64 bita

- u tipu `long int` je  $F_{92} = 7\,540\,113\,804\,746\,346\,429$ ,
- u `long unsigned` je  $F_{93} = 12\,200\,160\,415\,121\,876\,738$ .

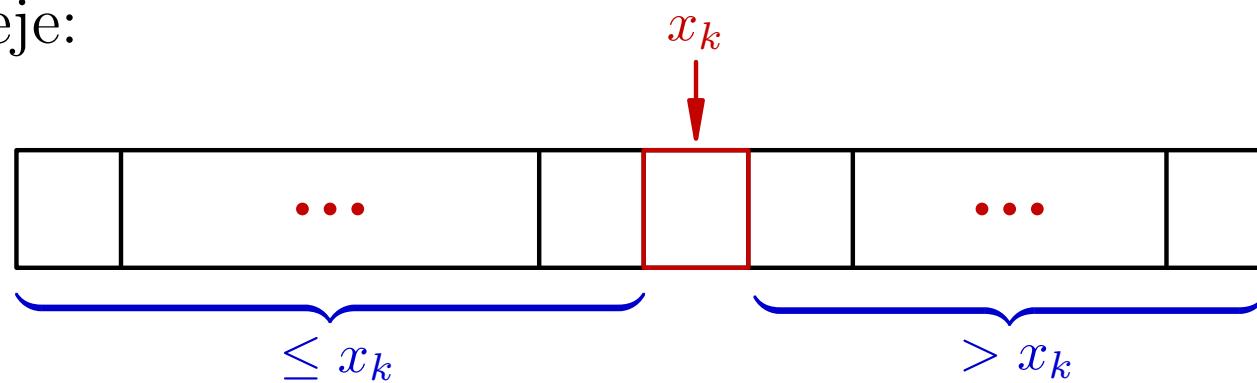
# QuickSort algoritam

# *QuickSort — uvod i skica algoritma*

QuickSort se temelji na principu “podijeli, pa vladaj”.

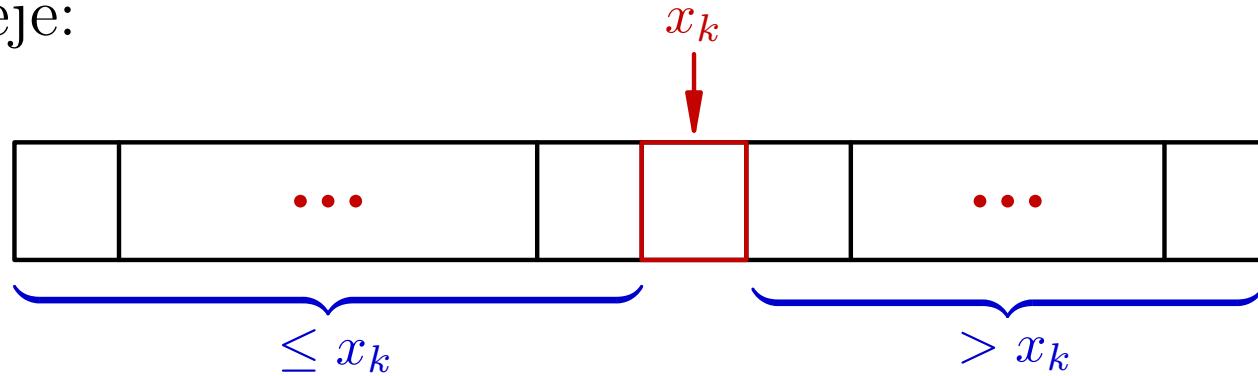
- Uzmememo **jedan** element  $x_k$  iz niza (tzv. **ključni** element) i dovedemo ga na njegovo **pravo** mjesto u nizu.
- Lijevo od njega ostavimo elemente koji su **manji** ili **jednaki** njemu (u bilo kojem poretku).
- Desno od njega ostavimo elemente koji su **veći** od njega (u bilo kojem poretku).

Skica ideje:



# QuickSort — uvod i skica algoritma (nastavak)

Skica ideje:



“Podijeli, pa vladaj” = sortiraj lijevi i desni podniz (bez  $x_k$ ).

- Ako smo dobro izabrali, tj. ako je pravo mjesto  $x_k$  blizu sredine niza, onda ćemo morati sortirati (rekurzivno)
  - dva manja niza, približno polovične duljine.
- U najgorem slučaju, ako smo izabrali “krivi”  $x_k$  — dođe na “rub”, morat ćemo sortirati jedan niz duljine  $n - 1$ .

## *QuickSort — razrada algoritma*

U danom trenutku, **rekurzivna** funkcija za **QuickSort** treba sortirati **nesređeni** dio niza

- između “lijevog” indeksa  $l$  i “desnog” indeksa  $d$ .

Ta **dva** indeksa (i polje) su **argumenti** funkcije.

Posla ima ako i samo ako

- taj dio niza ima **barem 2** elementa, tj. ako je  $l < d$ .

Za tzv. **ključni** element, najčešće se uzima  $k = l$ , tj.

- “**prvi**” element  $x_l$  treba dovesti na njegovo **pravo** mjesto u tom komadu niza.

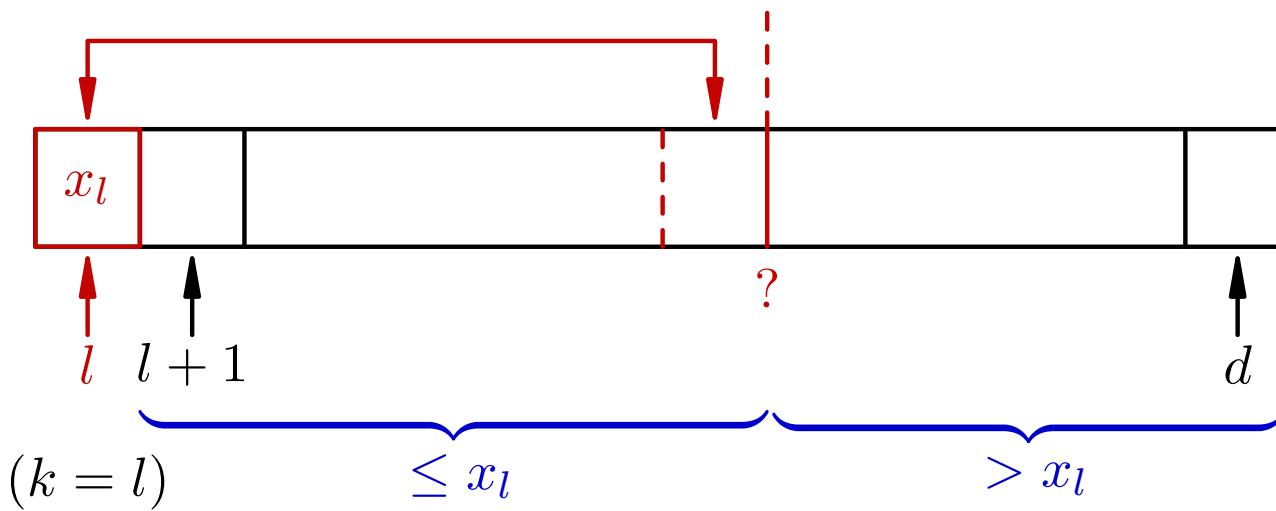
Razlog: element  $x_l$  služi kao “**branik**” na lijevom rubu niza.

# QuickSort — razrada algoritma (nastavak)

Dogovor:

- lijevo u nizu (ispred njegove prave pozicije) stavljamo elemente koji su manji ili jednaki  $x_l$ ,
- desno u nizu (iza njegove prave pozicije) stavljamo elemente koji su strogo veći od  $x_l$ .

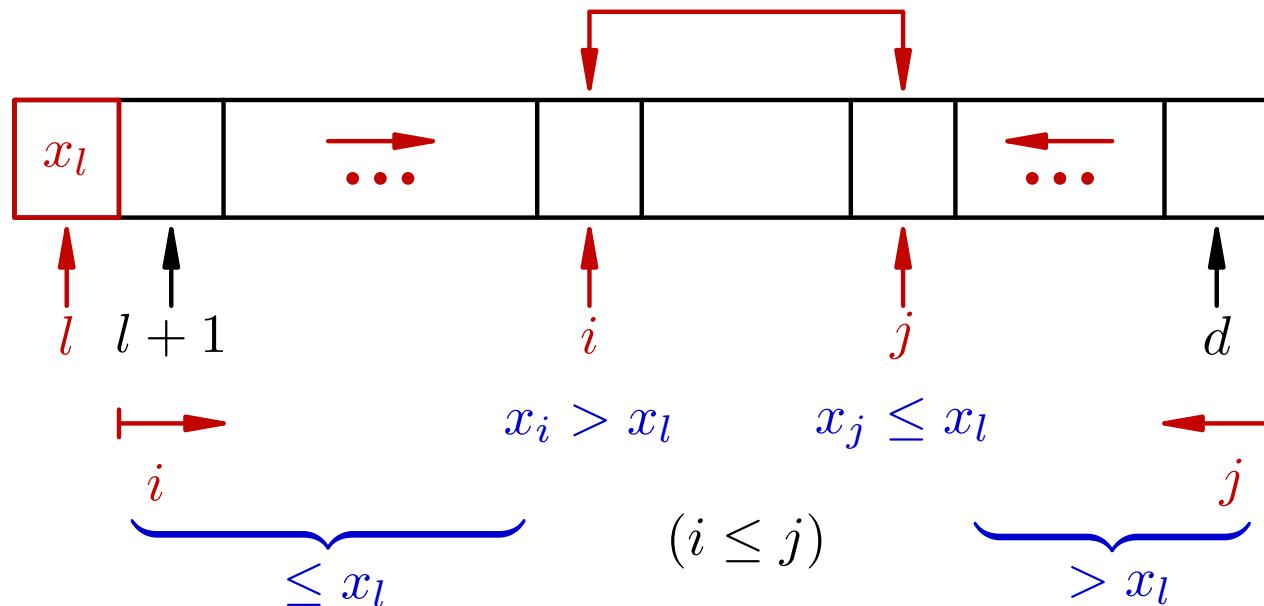
Tada će pravo mjesto elementa  $x_l$  biti zadnje u lijevom dijelu.



# QuickSort — razrada algoritma (nastavak)

Kako se traži “pravo” mjesto elementa  $x_l$ ?

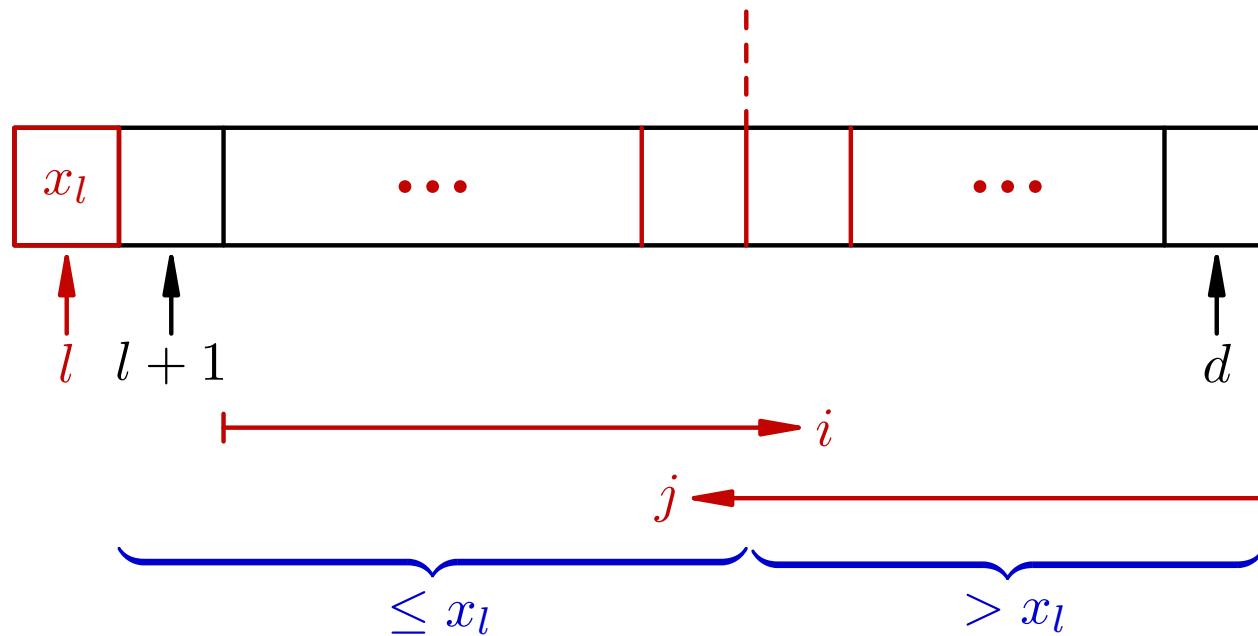
- Dvostranim pretraživanjem po ostatku niza.
- Sa svake strane (lijeve i desne) tražimo prvi sljedeći element koji “ne spada” na tu stranu niza.
- Ako nađemo takav par — zamijenimo im mesta!



# QuickSort — razrada algoritma (nastavak)

Kraj dvostrane pretrage — kad smo gotovi?

- Indeksi  $i$  i  $j$  moraju se “preklopiti” — stići u obratni poredak  $j < i$ .
- Pravo mjesto elementa  $x_l$  je na indeksu  $j$ , pa napravimo zamjenu (ako treba).



# *QuickSort — razrada algoritma (nastavak)*

Algoritam za **dvostrano** pretraživanje:

---

```
if (l < d) {  
    i = l + 1;  
    j = d;  
  
    /* Prolaz mora i za i == j */  
    while (i <= j) {  
        while (i <= d && x[i] <= x[l]) ++i;  
        while (x[j] > x[l]) --j;  
        if (i < j) swap(&x[i], &x[j]);  
    }  
}
```

---

Uočiti: S desne strane (po  $j$ ) ne treba provjera  $j > l$ , jer  $x_l$  služi kao “branik” — sigurno prekida petlju za  $j = l$ .

# *QuickSort — razrada algoritma (nastavak)*

Iza toga treba još:

- dovesti element  $x_l$  na njegovo pravo mjesto — indeks tog mjesto je  $j$ ,
- rekurzivno sortirati lijevi i desni podniz, bez  $x_j$ .

---

```
if (l < j) swap(&x[j], &x[l]);  
quick_sort(x, l, j - 1);  
quick_sort(x, j + 1, d);  
}
```

---

# *QuickSort — primjer*

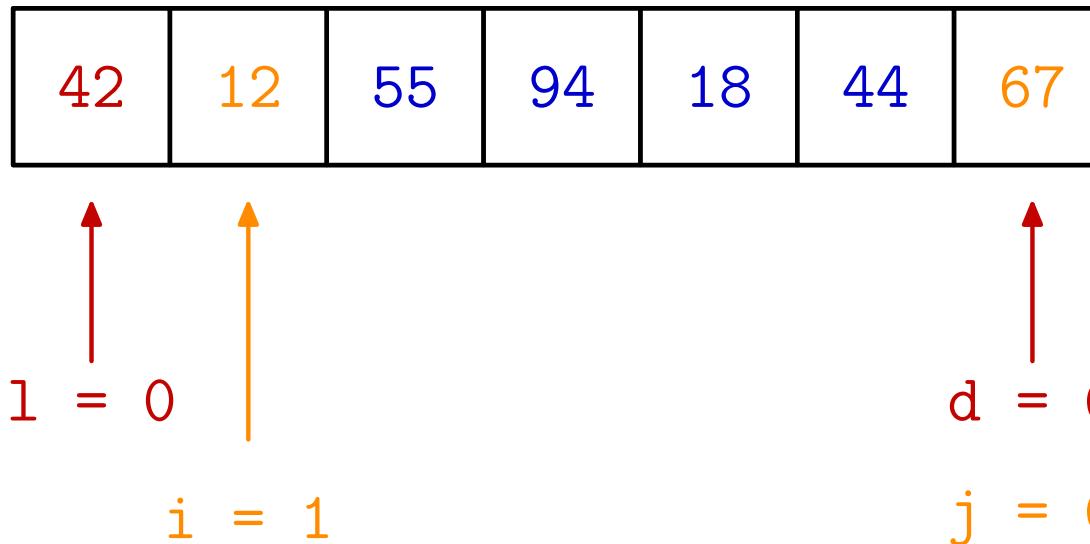
Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

42	12	55	94	18	44	67
----	----	----	----	----	----	----

Sortiramo cijeli niz  $[x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6]$ .

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



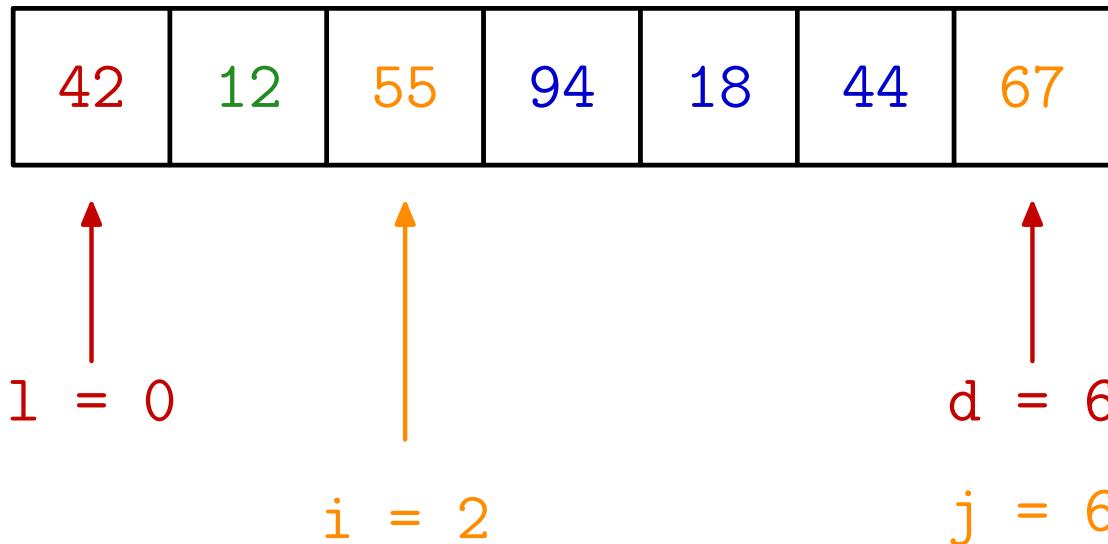
Prvi element **42** je ključni element.

Početak dvostrane pretrage. Krećemo s **lijeve** strane.

**12** je na **dobroj** strani ( $\leq 42$ ) — idemo dalje.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



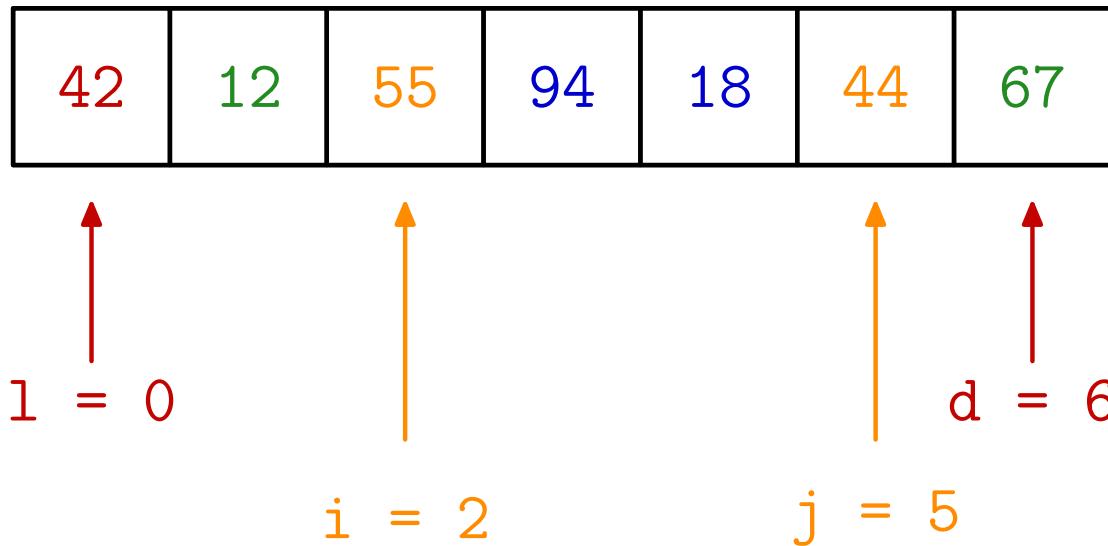
55 je na krivoj strani ( $> 42$ ) — stop s lijeve strane.

Krećemo s desne strane.

67 je na dobroj strani ( $> 42$ ) — idemo dalje.

# QuickSort — primjer

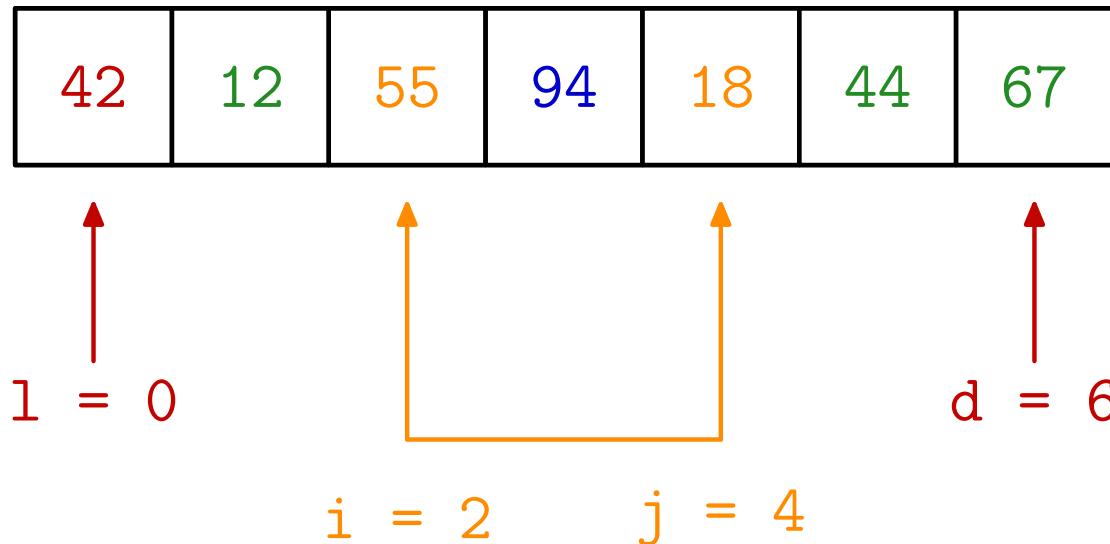
Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



44 je na dobroj strani ( $> 42$ ) — idemo dalje.

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

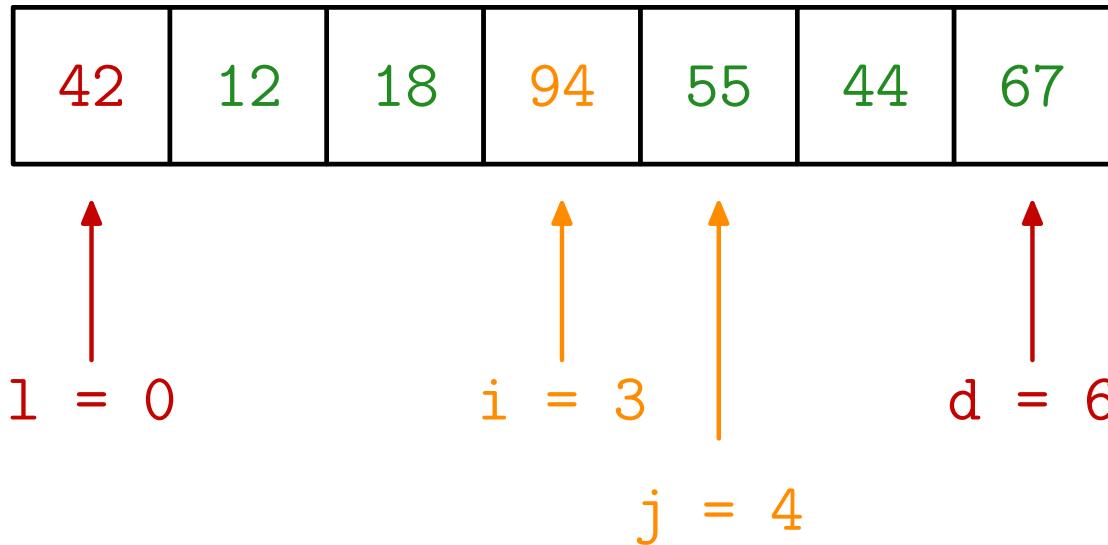


18 je na krivoj strani ( $\leq 42$ ) — stop s desne strane.

$i < j \implies$  zamjena para elemenata na krivim stranama.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

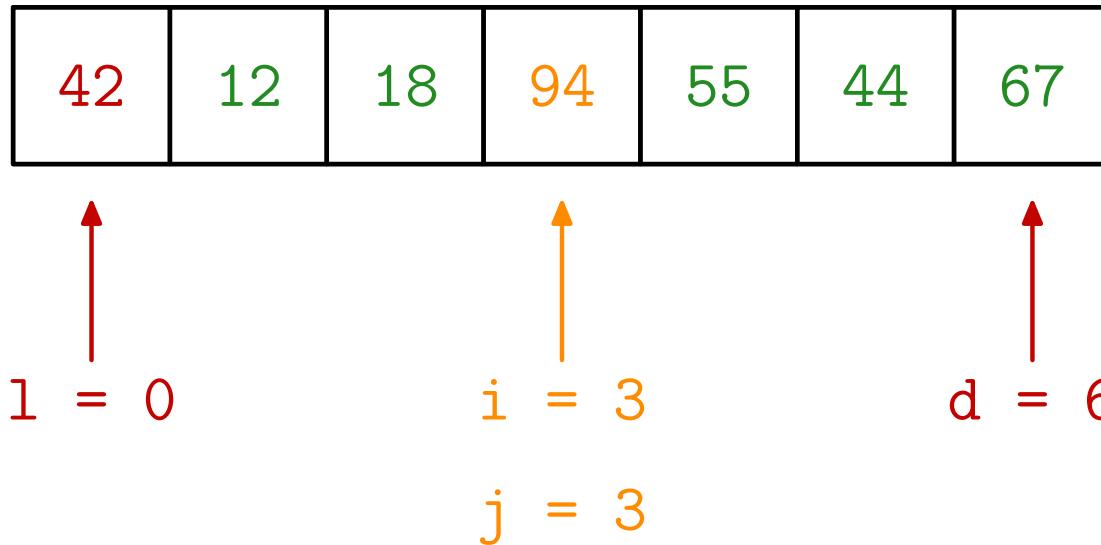


Nastavak dvostrane pretrage s lijeve strane.

94 je na krivoj strani ( $> 42$ ) — stop s lijeve strane.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

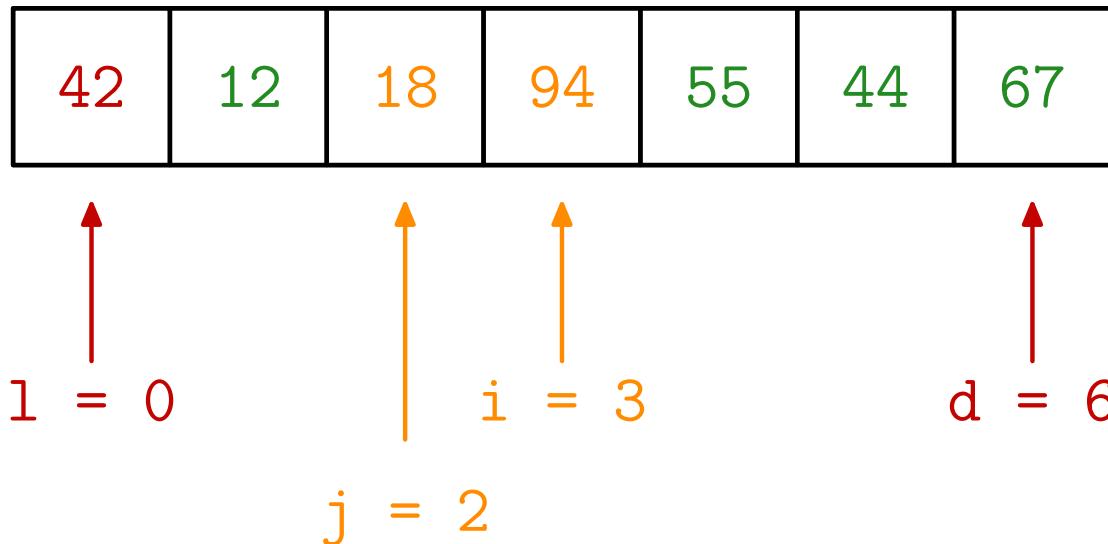


Nastavak dvostrane pretrage s desne strane.

94 je na dobroj strani ( $> 42$ ) — idemo dalje.

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

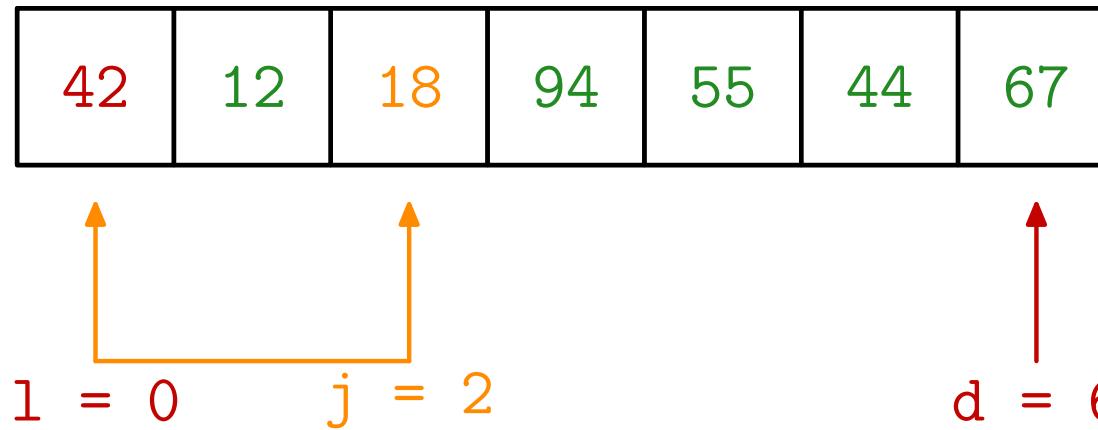


18 je na krivoj strani ( $\leq 42$ ) — stop s desne strane.

$j < i \implies$  nema zamjene, kraj dvostrane pretrage.

# QuickSort — primjer

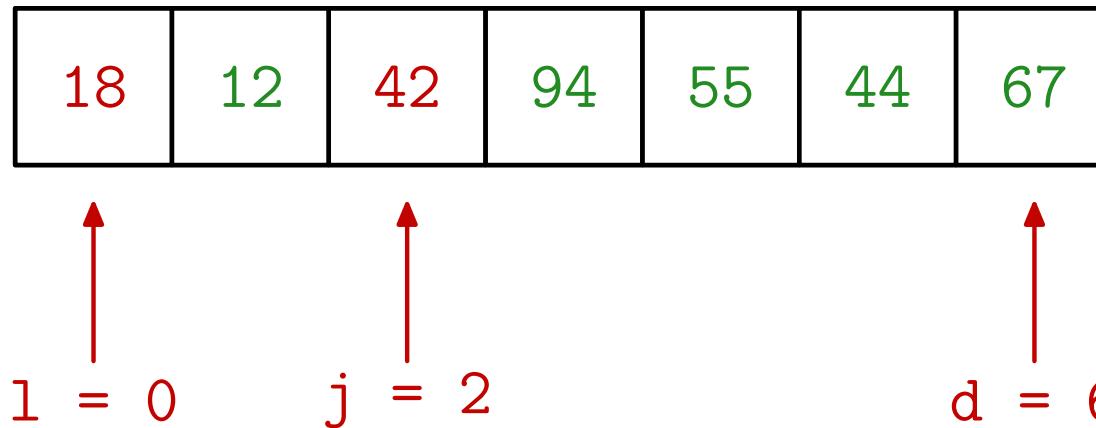
Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



$l < j \implies$  zamjena  $x_l$  i  $x_j$ .

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

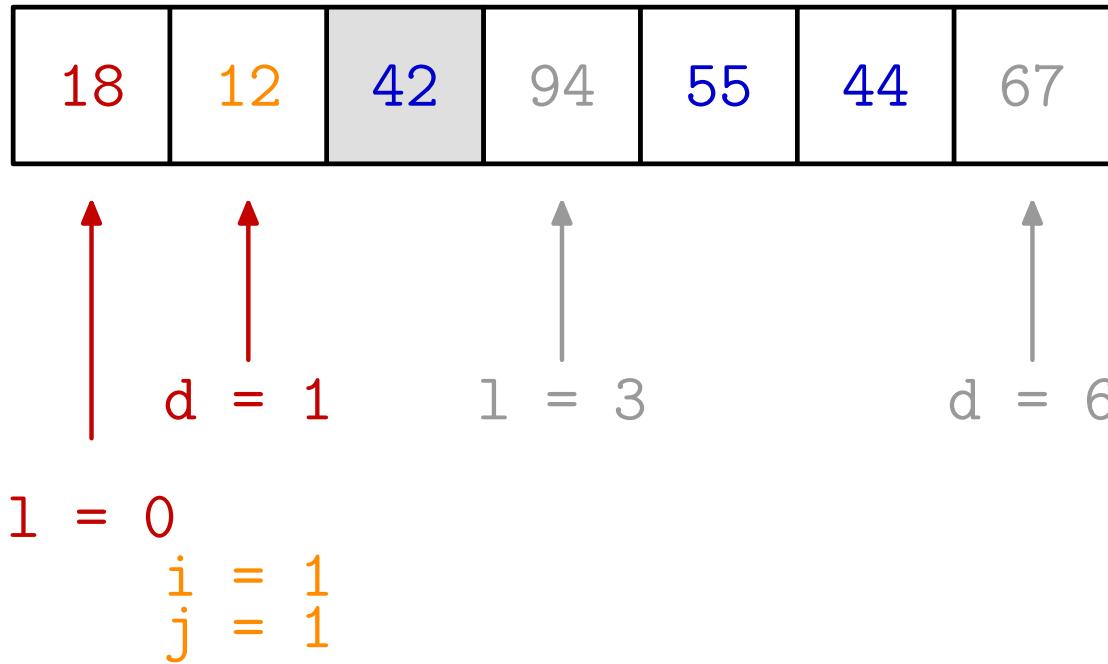


Pravo mjesto za  $42$  je  $x_2$ .

Preostaje još rekurzivno sortirati dva manja podniza:  
lijevi  $[x_0, x_1]$  i desni  $[x_3, x_4, x_5, x_6]$ .

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



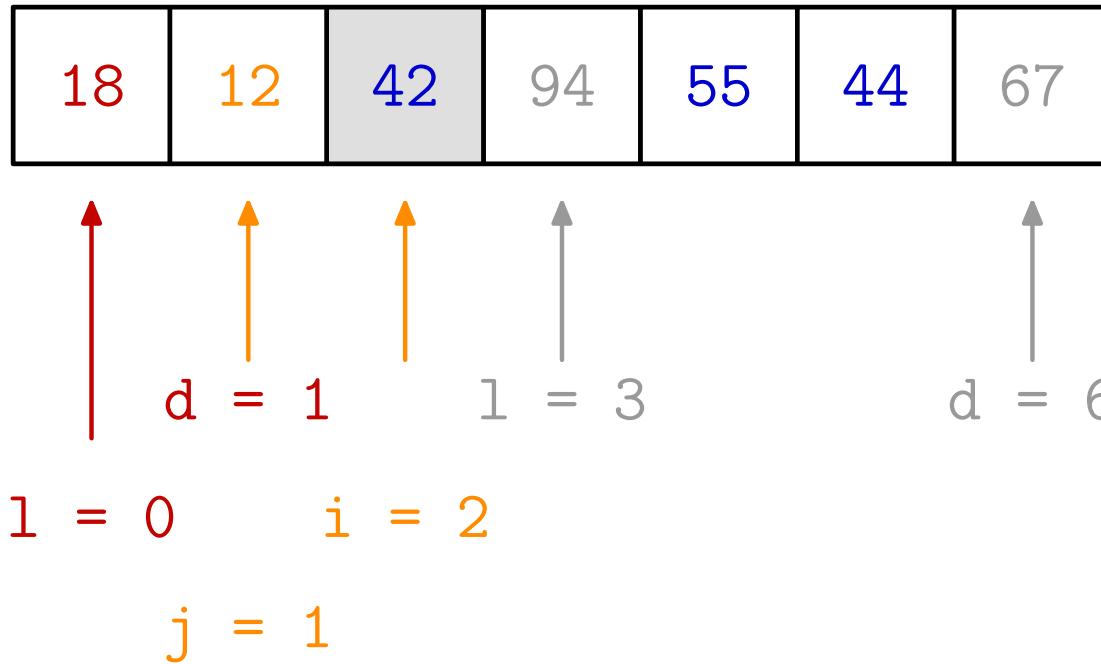
Sortiramo  $[x_0, x_1]$ . 18 je ključni element.

Početak dvostrane pretrage. Krećemo s lijeve strane.

12 je na dobroj strani ( $\leq 18$ ) — idemo dalje.

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



$i > d$  — stop s lijeve strane. Krećemo s desne strane.

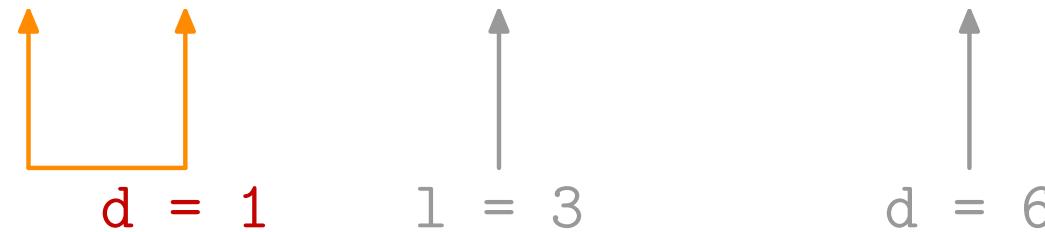
12 je na krivoj strani ( $\leq 18$ ) — stop s desne strane.

$j < i \implies$  nema zamjene, kraj dvostrane pretrage.

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

18	12	42	94	55	44	67
----	----	----	----	----	----	----



$$l = 0$$

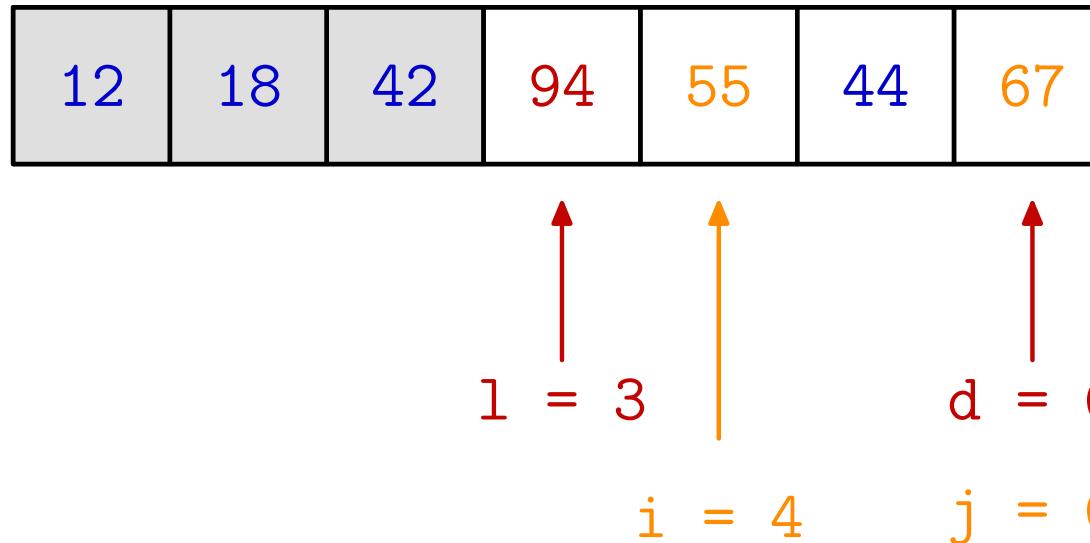
$$j = 1$$

$l < j \implies$  zamjena  $x_l$  i  $x_j$ . Pravo mjesto za 18 je  $x_1$ .

Lijevi podniz je  $[x_0]$ , a desni je prazan — oba rekurzivna poziva se odmah vrate, jer nema posla. Gotovi s  $[x_0, x_1]$ .

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



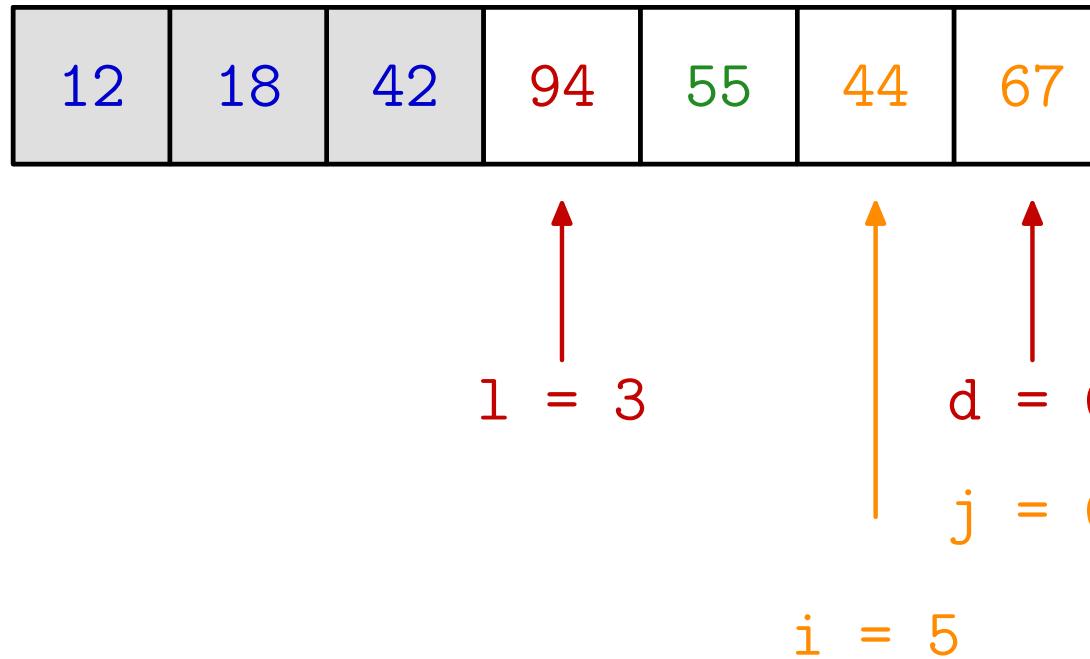
Sortiramo  $[x_3, x_4, x_5, x_6]$ . 94 je ključni element.

Početak dvostrane pretrage. Krećemo s lijeve strane.

55 je na dobroj strani ( $\leq 94$ ) — idemo dalje.

# QuickSort — primjer

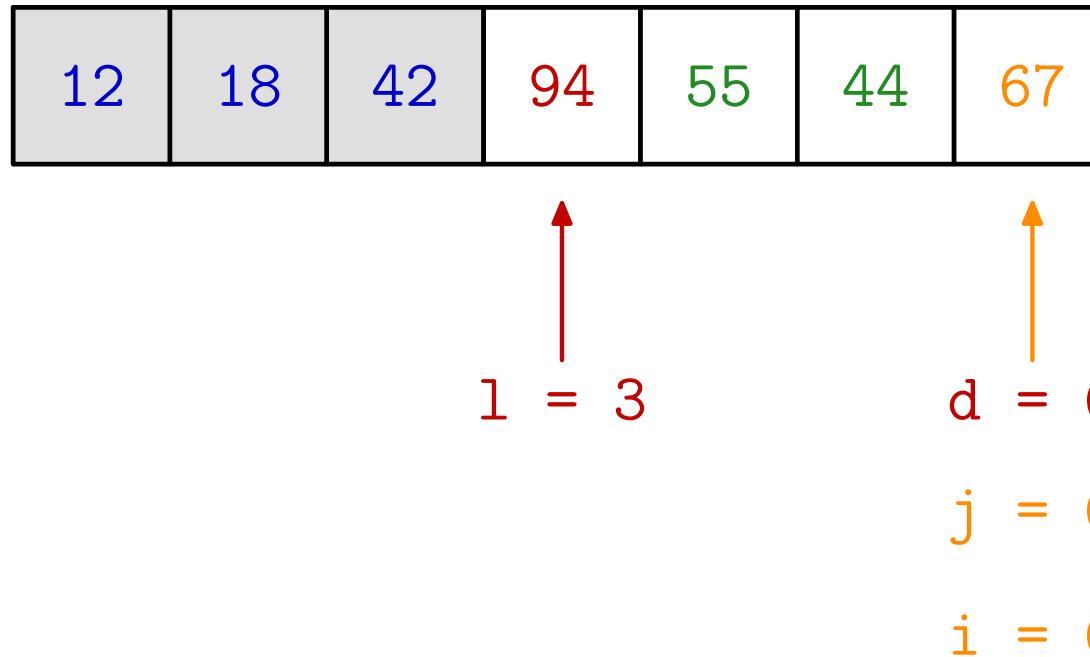
Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



44 je na dobroj strani ( $\leq 94$ ) — idemo dalje.

## *QuickSort — primjer*

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

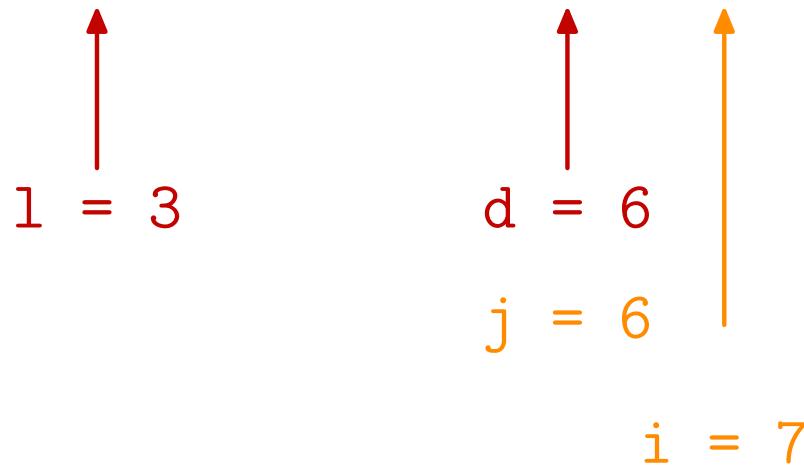


67 je na dobroj strani ( $\leq 94$ ) — idemo dalje.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

12	18	42	94	55	44	67
----	----	----	----	----	----	----



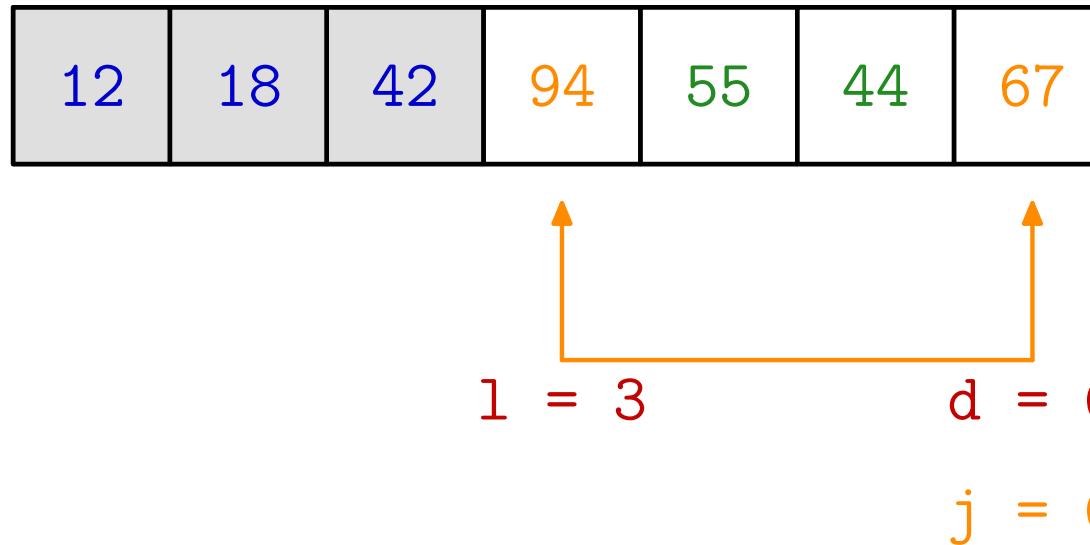
$i > d$  — stop s lijeve strane. Krećemo s desne strane.

67 je na krivoj strani ( $\leq 94$ ) — stop s desne strane.

$j < i \implies$  nema zamjene, kraj dvostrane pretrage.

# QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

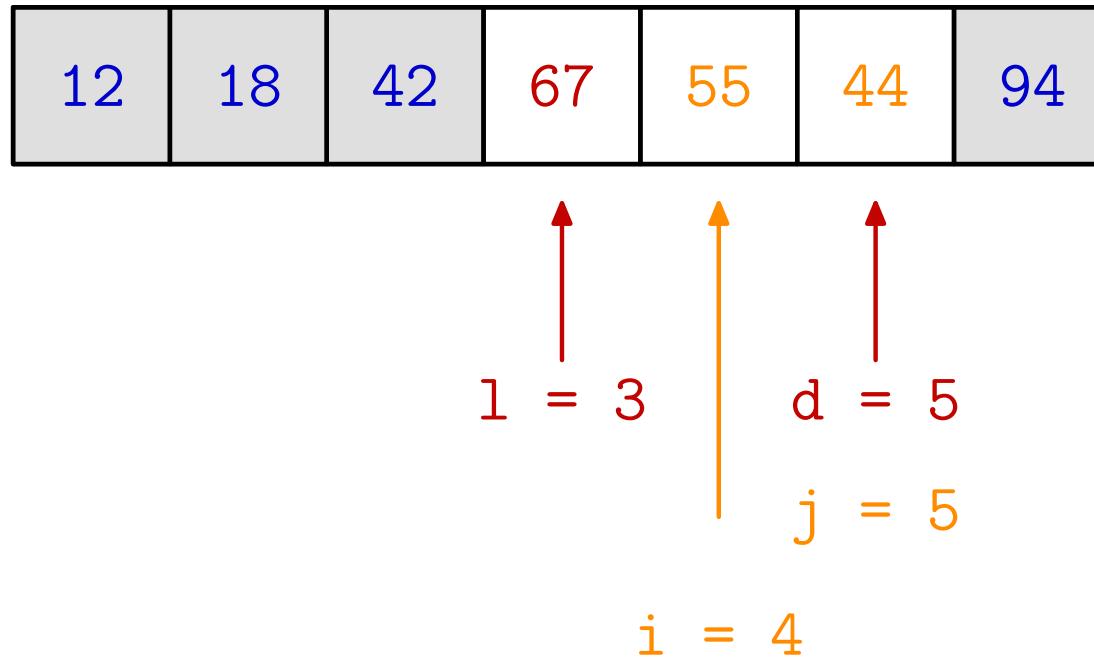


$l < j \implies$  zamjena  $x_l$  i  $x_j$ . Pravo mjesto za  $94$  je  $x_6$ .

Lijevi podniz je  $[x_3, x_4, x_5]$ , a desni je prazan.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



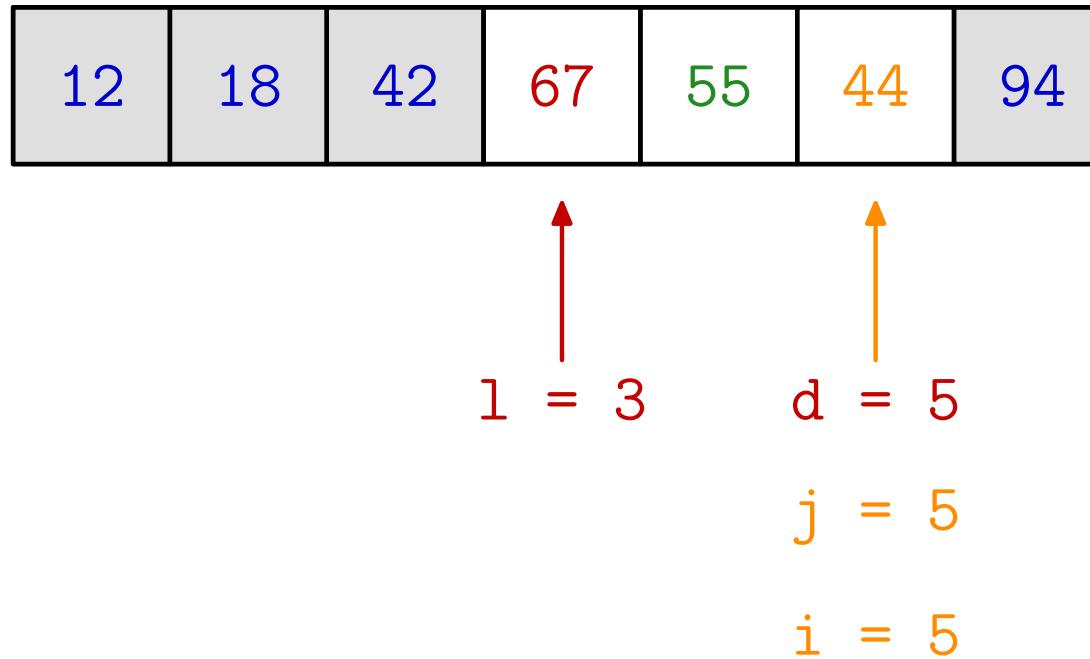
Sortiramo  $[x_3, x_4, x_5]$ . 67 je ključni element.

Početak dvostrane pretrage. Krećemo s lijeve strane.

55 je na dobroj strani ( $\leq 67$ ) — idemo dalje.

## *QuickSort — primjer*

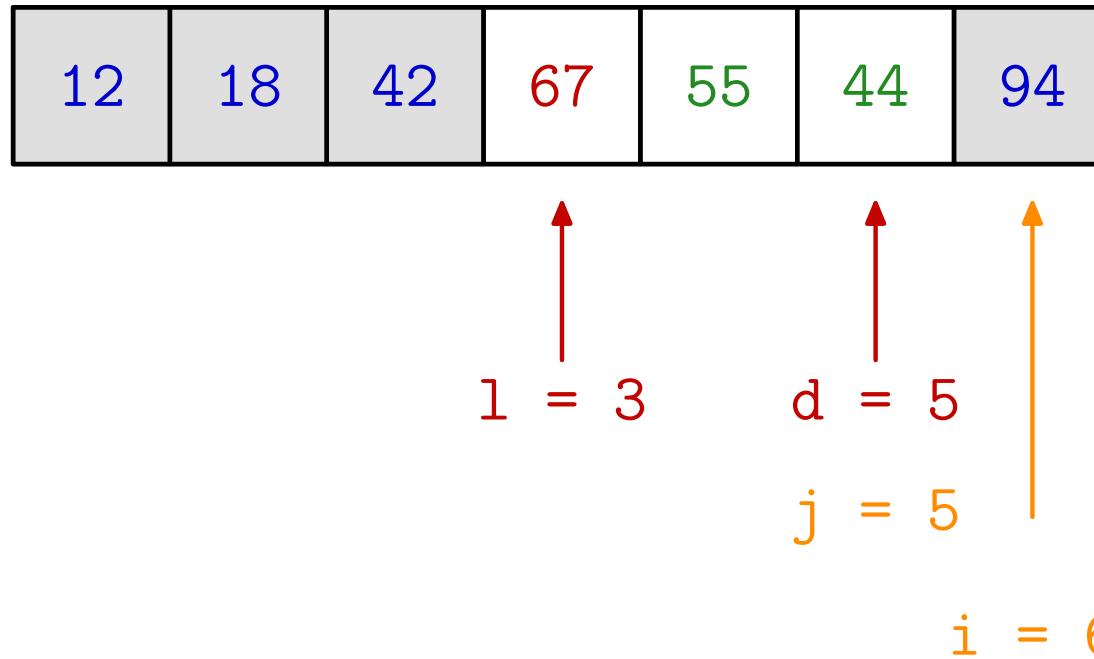
Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



44 je na dobroj strani ( $\leq 67$ ) — idemo dalje.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



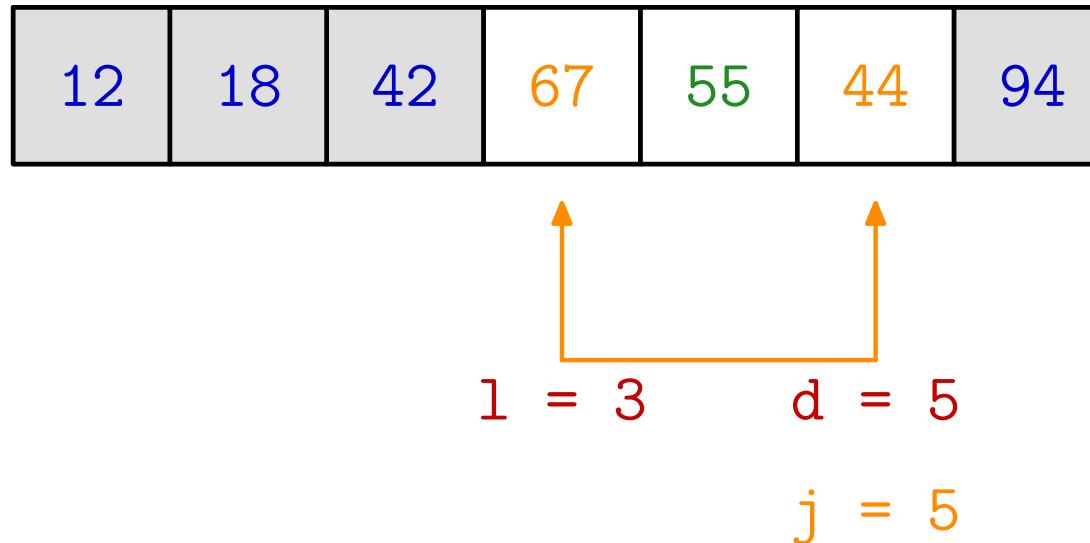
$i > d$  — stop s lijeve strane. Krećemo s desne strane.

44 je na krivoj strani ( $\leq 67$ ) — stop s desne strane.

$j < i \implies$  nema zamjene, kraj dvostrane pretrage.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

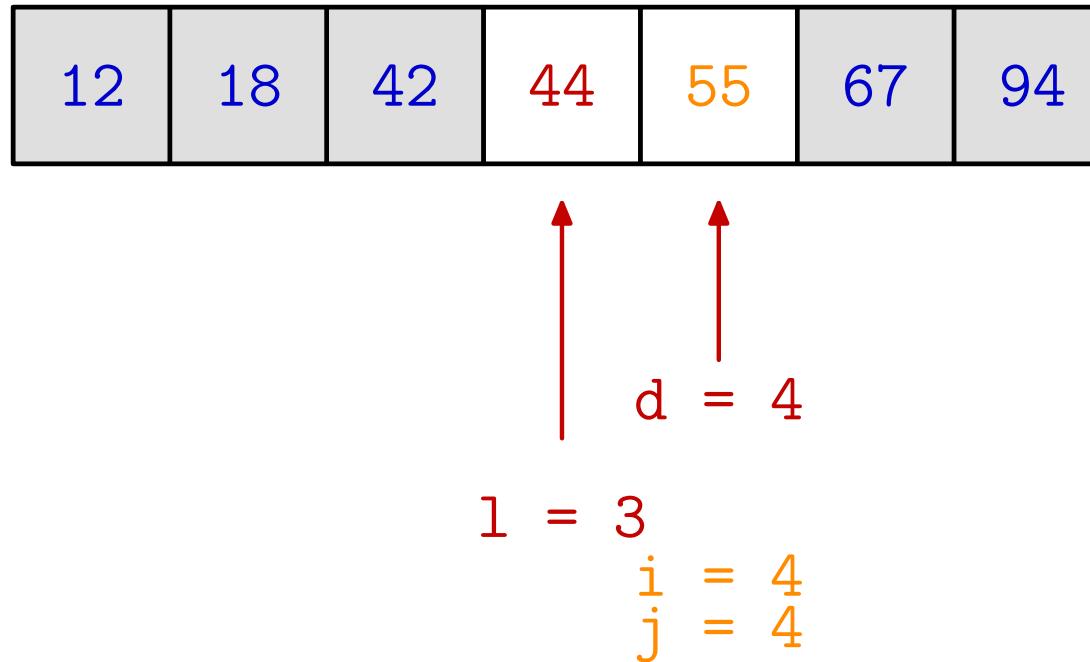


$l < j \implies$  zamjena  $x_l$  i  $x_j$ . Pravo mjesto za  $67$  je  $x_5$ .

Lijevi podniz je  $[x_3, x_4]$ , a desni je prazan.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.



Sortiramo  $[x_3, x_4]$ . **44** je ključni element.

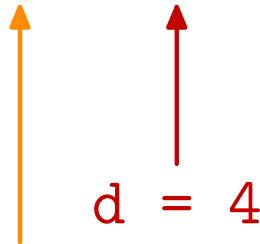
Slijeva: **55** je na krivoj strani ( $> 44$ ) — stop s lijeve strane.

Zdesna: **55** je na dobroj strani ( $> 44$ ) — idemo dalje.

## QuickSort — primjer

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

12	18	42	44	55	67	94
----	----	----	----	----	----	----



$$\begin{array}{l} l = 3 \\ i = 4 \\ j = 3 \end{array}$$

44 je na krivoj strani ( $\leq 44$ ) — stop s desne strane (branik).  
 $j < i \implies$  nema zamjene, kraj dvostrane pretrage.  
 $l = j \implies$  nema zamjene  $x_l$  i  $x_j$ . Pravo mjesto za 44 je  $x_3$ .  
Lijevi podniz je prazan, a desni je  $[x_4]$  — nema posla, gotovo.

# *QuickSort — primjer*

Primjer. Quicksort algoritmom sortirajte zadano polje.

12	18	42	44	55	67	94
----	----	----	----	----	----	----

## **QuickSort — složenost**

Za **složenost** vrijedi:

- prosječna složenost je  $O(n \log_2 n)$ , za slučajne **dobro razbacane** nizove,
- složenost u **najgorem** slučaju je  $O(n^2)$ , za **već sortirani i naopako sortirani** niz.

Autor QuickSort-a je C. A. R. Hoare, 1962. godine.

U nastavku je dan cijeli program (`qsort_1.c`).

## *QuickSort — funkcija swap*

```
#include <stdio.h>

/* Sortiranje niza QuickSort algoritmom.
   x[l] je kljucni element - dovodimo
   ga na pravo mjesto u polju. */

void swap(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
    return;
}
```

## *QuickSort — funkcija quick\_sort*

```
void quick_sort(int x[], int l, int d)
{
    int i, j;

    if (l < d) {
        i = l + 1;
        j = d;
        /* Prolaz mora i za i == j */
        while (i <= j) {
            while (i <= d && x[i] <= x[l]) ++i;
            while (x[j] > x[l]) --j;
            if (i < j) swap(&x[i], &x[j]);
        }
    }
}
```

## *QuickSort — funkcija quick\_sort (nastavak)*

```
    if (l < j) swap(&x[j], &x[l]);
    quick_sort(x, l, j - 1);
    quick_sort(x, j + 1, d);
}

return;
}
```

---

## *QuickSort — glavni program*

```
int main(void) {
    int i, n;
    int x[] = {42, 12, 55, 94, 18, 44, 67};

    n = 7;
    quick_sort(x, 0, n - 1);

    printf("\n Sortirano polje x:\n");
    for (i = 0; i < n; ++i) {
        printf(" x[%d] = %d\n", i, x[i]);
    }
    return 0;
}
```

# *QuickSort — poboljšanja*

Poboljšanja “našeg” jednostavnog algoritma:

- Za  $n = 2, 3$  — sort izravno, provjerom zamjena.

Ako je duljina polja  $n > 3$ , onda za ključni element

- uzmi “srednjeg” od neka 3 elementa (ubrzanje oko 30%).

Kontrola “dubine” rekurzije:

- Odmah obradi kraće od preostala dva polja,
- a dulje polje ide na tzv. programski stog (engl. stack).

Ima još raznih “trikova”, pa se nemojte čuditi da je tako “ispeglani” QuickSort iz neke programske biblioteke

- puno brži od “našeg” algoritma!

# **Sortiranje i pretraživanje u standardnoj biblioteci**

U standardnoj C biblioteci — datoteka zaglavlja `<stdlib.h>`, postoje i sljedeće dvije funkcije:

- `qsort` — QuickSort algoritam za općenito sortiranje niza podataka,
- `bsearch` — Binarno traženje zadanog podatka u sortiranom nizu.

U ovim funkcijama moramo sami zadati

- funkciju za uspoređivanje podataka u nizu.

O njima će biti više riječi na zadnjem predavanju, kad naučimo još neke potrebne stvari o pokazivačima. Na primjer,

- kako se jedna funkcija šalje drugoj funkciji kao argument.

# Funkcije `qsort` i `bsearch`

Prototip funkcije `qsort` za sortiranje niza:

```
void qsort(void *base, size_t n, size_t size,  
          int (*comp) (const void *, const void *));
```

Prototip funkcije `bsearch` za binarno traženje zadanog podatka u sortiranom nizu:

```
void *bsearch(const void *key, const void *base,  
              size_t n, size_t size,  
              int (*comp) (const void *, const void *));
```

Vraća pokazivač na nađeni podatak (ako ga ima), ili `NULL`.

Zadnji argument u obje funkcije je pokazivač na funkciju za uspoređivanje članova niza.