



# Prolog



Vježbe iz umjetne inteligencije

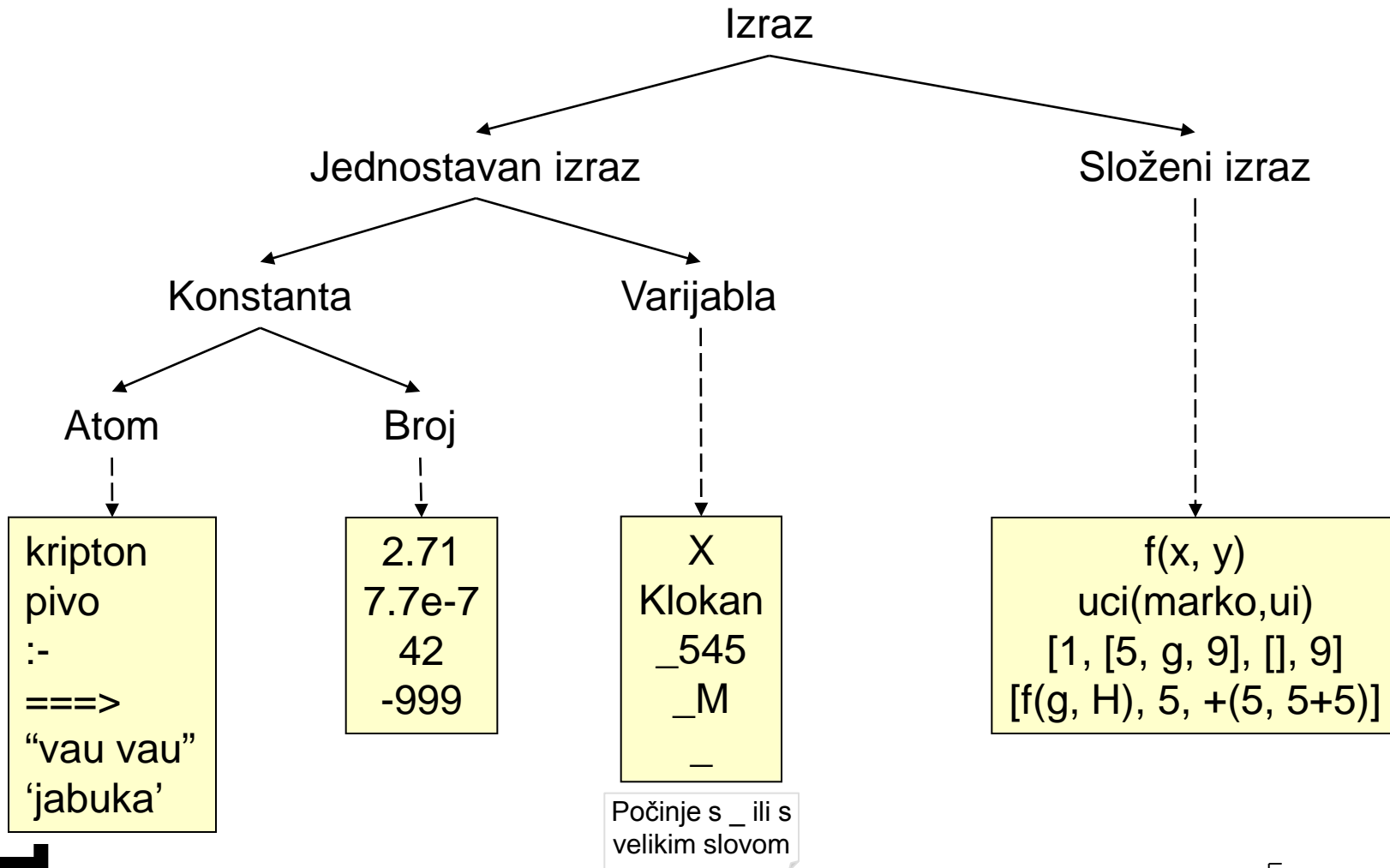


Matko Bošnjak, 2009

# Uvod

- Programiranje
  - Deklarativno  $\leftrightarrow$  Postupkovno (imperativno)
  - (Prolog, SQL, Mathematica\*, R, ...)  $\leftrightarrow$  (C, Java, C++, ...)
- Prolog
  - Programski jezik za simboličku nenumeričku obradu
  - Temelji se na FOL, koristi ograničenu verziju klauzalnog oblika
    - Hornov klauzalni oblik
  - Pogodan za rješavanje problema koji se mogu opisati objektima i relacijama među njima
    - Opiši problem
    - Pitaj što točno želiš doznati (Prolog sam zaključuje nove činjenice)
- VJEŽBE: SWI-Prolog (implementacija)

# Sintaksa prologa



# Opis problema

## Stavak

- Temeljna građevna jedinica programa (činjenica, pravilo)

```
radi(petra).  
studira(petra).
```

```
zaposlen(X):-studira(X); radi(X).  
prezaposlen(X):-studira(X), radi(X).
```

glava

tijelo

## Činjenice

- opisuju pojedinačne elemente relacije

## Pravila

- definiraju nove relacije na temelju postojećih

Točka na kraju svakog stavka!

Prolog:  $\text{prezaposlen}(X) :- \text{radi}(X), \text{studira}(X).$

FOL:  $\text{prezaposlen}(X) \leftarrow \text{radi}(X) \wedge \text{studira}(X)$

(Hornova klauzula – klauzula s najviše jednim pozitivnim literalom)

```
kupujeKod(X, Y, Z).
```

funktor

argumenti

→ 3-mjesni (arity) predikat: kupujeKod/3

# Upiti

```
studira(ana).  
studira(petra).  
radi(petra).  
  
zaposlen(X):-studira(X); radi(X).  
prezaposlen(X):-studira(X), radi(X).
```

Doseg varijable  
-jedan stavak

```
?- radi(petra).
```

**Prolog:** yes

```
?- studira(X),radi(X).
```

**Prolog:** X = petra  
yes

```
?- prezaposlen(ana).
```

**Prolog:** no

```
?- zaposlen(X).
```

**Prolog:** X = ana ?  
yes

# Upiti

Poseban predikat za ispis klauzula u bazi znanja:

```
?- listing.
```

**Prolog:**

```
% file: F:/UI/Prolog_vj/kb1.pro
```

```
studira(ana).
```

```
studira(petra).
```

```
radi(petra).
```

```
zaposlen(A) :-  
    ( studira(A)  
    ; radi(A)  
    ).
```

```
prezaposlen(A) :-  
    studira(A),  
    radi(A).
```

```
(16 ms) yes
```

# Unifikacija

Prolog instancira (pretražuje prostor potrebnih supstitucija) tako da se postigne identičnost dva izraza.

Detaljnija definicija unifikacije:

1. Ako su  $I_1$  i  $I_2$  konstante, onda se one mogu unificirati ako predstavljaju isti atom ili broj
2. Ako je  $I_1$  varijabla, a  $I_2$  bilo koji tip izraza, onda je  $I_1$  i  $I_2$  moguće unificirati i  $I_1$  se instancira u  $I_2$ .
3. Ako su  $I_1$  i  $I_2$  kompleksni izrazi onda se mogu unificirati ako:
  - a) predstavljaju isti predikat ili funkciju i imaju isti broj argumenata (arity)
  - b) korespondirajući argumenti predikata ili funkcija se mogu unificirati
  - c) instanciranje varijabli je kompatibilno

# Unifikacija

```
oprezan(pero).  
oprezan(ivo).  
oprezan(stef).  
trijezan(pero).  
trijezan(stef).  
koncentriran(ivo).  
koncentriran(stef).  
pijan(ivo).  
dobar_vozac(X) :- oprezan(X), trijezan(X), koncentriran(X).
```

```
?- dobar_vozac(Z).
```

```
Prolog: Z = stef
```

```
yes
```



# Unifikacija

trace mod, prikazuje svaki korak zaključivanja (stabla pretraživanja)

<pre>?- trace.</pre>	<b>Prolog:</b> The debugger will first creep - showing everything (trace)
<pre>?- notrace.</pre>	<b>Prolog:</b> The debugger is switched off

<pre>?- notrace.</pre>	<b>Prolog:</b> Z = stef
<pre>?- dobar_vozac(Z).</pre>	yes

# Unifikacija

```
?- trace.  
?- dobar_vozac(Z).
```

**Prolog:** koraci zaključivanja

**Prolog:** finalni izlaz

Z = stef

yes  
{trace}

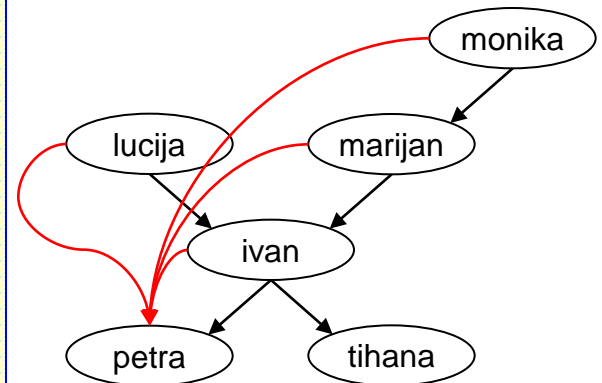
```
1 1 Call: dobar_vozac(_23) ?  
2 2 Call: oprezan(_23) ?  
2 2 Exit: oprezan(pero) ?  
3 2 Call: trijezan(pero) ?  
3 2 Exit: trijezan(pero) ?  
4 2 Call: koncentriran(pero) ?  
4 2 Fail: koncentriran(pero) ?  
2 2 Redo: oprezan(pero) ?  
2 2 Exit: oprezan(ivo) ?  
3 2 Call: trijezan(ivo) ?  
3 2 Fail: trijezan(ivo) ?  
2 2 Redo: oprezan(ivo) ?  
2 2 Exit: oprezan(stef) ?  
3 2 Call: trijezan(stef) ?  
3 2 Exit: trijezan(stef) ?  
4 2 Call: koncentriran(stef) ?  
4 2 Exit: koncentriran(stef) ?  
1 1 Exit: dobar_vozac(stef) ?
```

# Rekurzija

Naredbe pridruživanja, programske petlje? → Rekurzija!

```
roditelj(ivan, petra).  
roditelj(ivan, tihana).  
roditelj(lucija, ivan).  
roditelj(marijan, ivan).  
roditelj(monika, marijan).
```

```
predak(X,Y):-roditelj(X,Y).  
predak(X,Y):-roditelj(X,Z),predak(Z,Y).  
predak(X,Y):-roditelj(X,Z),...
```



```
?- predak(ivan, petra).
```

**Prolog:** true ?  
yes

```
?- predak(X, petra).
```

**Prolog:** na drugom i trećem upitu  
X = ivan ?

```
?- predak(lucija, X).
```

yes

...uključite trace mod, pogledajte stablo pretraživanja

# Rekurzija

```
predak1(X,Y):-rodite1j(X,Y).  
predak1(X,Y):-rodite1j(X,Z),predak1(Z,Y).
```

```
predak2(X,Y):-rodite1j(X,Y).  
predak2(X,Y):-predak2(Z,Y),rodite1j(X,Z).
```

```
predak3(X,Y):-predak3(X,Z),rodite1j(Z,Y).  
predak3(X,Y):-rodite1j(X,Y).
```

```
predak4(X,Y):-rodite1j(Z,Y),predak4(X,Z).  
predak4(X,Y):-rodite1j(X,Y).
```

```
?- predak1(X, petra).
```

```
?- predak2(X, petra).
```

```
?- predak3(X, petra).
```

```
?- predak4(X, petra).
```

Prolog ima ugrađeni redoslijed obavljanja operacija

- pretraga baze znanja odozgo prema dolje
- procesiranje klauzula s lijeva na desno
- backtracking, povratak iz neuspjelih unifikacija

Nešto od ovoga ne valja...

...zašto?

Nije čisto deklarativan jer:

$$A \wedge B \rightarrow C \neq B \wedge A \rightarrow C$$

# Rekurzija

```
?- predak1(X, petra).
```

```
Prolog: X = ivan ?  
yes
```

```
?- predak2(X, petra).
```

```
Prolog: X = ivan ?  
yes
```

```
?- predak3(X, petra).
```

```
Prolog: raspad gprolog has stopped working
```

```
?- predak4(X, petra).
```

```
Prolog: X = monika ?  
yes
```

# Liste

```
?- X = [kvasac, klokan, krmenadl].
```

Elementi liste odvojeni zarezom

```
?- X = [Y, 2, 3+3, 2, mama(ana)].
```

Elementi liste svi prolog objekti ponavljanja dozvoljena

```
?- X = [].
```

Prazna lista

```
?- X = [[], [2, [x, Y, [3, z]], 7]].
```

Liste mogu sadržavati druge liste

Svaka neprazna lista se sastoji od glave i repa

```
?- [G|R] = [martin, matej, mihajlo].
```

Glava – element  
Rep – lista

| iznimno važan operator!

```
?- [X1,X2|R] = [1, 2, 3, 4, 5].
```

```
?- [X1,X2,X3|R] = [1, 2, 3, 4, 5].
```

```
?- [_ ,X2, _ |R] = [1, 2, 3, 4, 5].
```

\_ anonimna (don't care) varijabla

# Liste

?- [G|R] = [martin, matej, mihajlo].

**Prolog:** G = martin  
R = [matej,mihajlo]  
yes

?- [X1,X2|R] = [1, 2, 3, 4, 5].

**Prolog:** R = [3,4,5]  
X1 = 1  
X2 = 2  
yes

?- [X1,X2,X3|R] = [1, 2, 3, 4, 5].

**Prolog:** R = [4,5]  
X1 = 1  
X2 = 2  
X3 = 3  
yes

?- [\_,X2,\_|R] = [1, 2, 3, 4, 5].

**Prolog:** R = [4,5]  
X2 = 2  
yes

# Liste

Da li je element član liste

```
clan(X,[X|_]).  
clan(X,[_|R]):-clan(X,R).
```

```
?- clan(5,[1,2,3,4,5]).
```

```
Prolog: true ?  
          (16 ms) yes
```

```
?- clan(X,[1,2,3,4,5]).
```

```
Prolog: X = 1 ?  
          yes
```

```
?- clan(7,[1,2,3,4,5]).
```

```
Prolog: no
```



# Liste

Spajanje dvije liste u jednu

```
spoji([],L,L).  
spoji([G|R1],L,[G|R2]):-spoji(R1,L,R2).
```

```
?- spoji([1,2,3],[4,5,6],[1,2,3,4,5,6]).  
Prolog: yes
```

```
?- spoji([1,2,3],[4,5,6],X).  
Prolog: X = [1,2,3,4,5,6]  
yes
```

```
?- spoji([1,2,3],X,[1,2,3,4,5]).  
Prolog: X = [4,5]  
yes
```

Problem?

```
?- spoji([1,2,3],4,L).  
Prolog: L = [1,2,3|4]  
yes
```

# Aritmetika

```
?- X = 2 + 2. Prolog: X = 2+2  
yes
```

(implicitno  $X = +(2,2)$  )  
- infiksna notacija je samo "sintaksni šećer"

```
?- X is 2 + 2. Prolog: X = 4  
yes
```

predikat is vrši evaluaciju

```
?- 2 + 2 = X. Prolog: X = 2+2  
yes
```

Varijable s desne strane moraju  
biti instancirane u trenutku  
izračuna

```
?- X is Y + 2. Prolog: uncaught exception:  
error(instantiation_error,(is)/2)
```

```
?- Y=5, Z=8, X is Z*Y+2. Prolog: X = 42  
Y = 5  
Z = 8  
yes
```

# Aritmetika

Operatori (predikati) koji ne vrše izračun  $+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $\text{mod}(X, Y)$

Operatori (predikati) koji vrše izračun  $\text{is}$ ,  $<$ ,  $=<$ ,  $:=$ ,  $=\neq$ ,  $>=$ ,  $>$

```
?- 4 = 2 + 2.
```

```
Prolog: no
```

```
?- 4 ::= 2 + 2.
```

```
Prolog: yes
```

```
?- 2 + 2 is 4.
```

```
Prolog: no
```

Problem?

# Aritmetika

Neka vesela funkcija

```
f(X,Y,Rez):-Rez is X*X + Y*Y + 7.
```

```
?- f(2,3,X).
```

```
Prolog: X = 20
```

```
yes
```

Faktorijel

```
fakt(0,1).
```

```
fakt(N,Rez):-
```

```
    N>0,
```

```
    X is N-1,
```

```
    fakt(X,R),
```

```
    Rez is R*N.
```

```
?- fakt(5,X).
```

```
Prolog: X = 120 ?
```

```
yes
```

```
?- fakt(25,X).
```

```
Prolog: X = 117006249932881920 ?
```

```
yes
```

# Aritmetika

Duljina liste

```
len([],0).  
len([_|R],N):-  
    len(R,N1),  
    N is N1+1.
```

```
?- len([1,2,3,4,5,6,7,8,9],M).
```

```
Prolog: M = 9  
         yes
```

```
?- Y = [1,2,3,4,5,6,7,8,9].
```

```
?- len(Y,M).
```

```
Prolog: M = 0  
         Y = [] ?  
         yes
```

# Akumulator

Akumulator – analogija varijable koja čuva privremeni rezultat

Duljina liste (2)

```
lenAkk(L,N) :- lenAkk(L,0,N).
```

```
lenAkk([],Ak,Ak).
```

```
lenAkk([_|R],Ak,N) :-
```

```
    Ak1 is Ak+1,
```

```
    lenAkk(R,Ak1,N).
```

Wrapper predikat

Unifikacija akumulatora i rezultata  
i kriterij zaustavljanja

Tail recursive – rezultat je izračunat kada smo došli do dna rekurzije i jednostavno ga treba prenijeti dalje

U prethodnom slučaju se rezultat gradi izlaskom iz rekurzije

Ponašanje programa isto  
kao kod programa len

# Što dalje...?

- Rez
- Negacija
- NLP
- Operatori
- ... (da barem imamo vremena 😊)

# Literatura

- S. Šegvić: “Uvod u programski jezik Prolog”, <http://www.zemris.fer.hr/~ssegvic/pubs/prolog.pdf>
- P. Blackburn, J. Bos, K. Striegnitz: “Learn Prolog Now!”, <http://www.learnprolognow.org/>



# Zadaci

- **Zadatak 1.** Što će Prolog vratiti kao rezultat na sljedeće upite?
  - `[] = [_|_].`
  - `fun(X, [b, c, d]) = notfun(a, [Y|R]).`
  - `[1, 7, X, 9] = [X|R].`
  - `[[X, 2], 6, m, 9, [1, 45, 7]] = [Y, _, _|R], R = [_, Z|R2].`
- **Zadatak 2.** Napišite predikat `odaj/3` koji dodaje element na kraj liste.
- **Zadatak 3.** Napišite predikat `usporedi/2` koji vraća *true* ukoliko su njegovi argumenti dvije liste jednake duljine.
- **Zadatak 4.** Napišite predikat `pot/3` koji računa potenciju dvaju brojeva
- **Zadatak 5.** Napišite predikat `zbroyi/2` koji računa zbroj vrijednosti elemenata liste.
- **Zadatak 6.** Napišite predikat `okreni/2` koji vraća *true* ukoliko su njegovi argumenti dvije zrcalne liste. Po mogućnosti koristite akumulator

# Rješenja 😊

1

```
a) false.  
b) false.  
c) X = 1, R = [7, 1, 9].  
d) Y = [X, 2], R = [9, [1, 45, 7]], Z = [1, 45, 7], R2 = [].
```

2

```
dodaj([],X,[X]).  
dodaj([G|L],X,[G|L2]):-dodaj(L,X,L2).
```

3

```
usporedi([],[]).  
usporedi([_|L1],[_|L2]):-usporedi(L1,L2).
```

4

```
pot(_,0,1).  
pot(X,Y,Rez):-Y>0,Temp is Y-1,pot(X,Temp,R),Rez is R*X.
```

5

```
zbroji([],0).  
zbroji([H|T],Rez):-  
    zbroji(T,R),  
    Rez is R + H.
```

6

```
okreni2(X,Y):-okreni2(X,[],Y).  
okreni2([G|R],L,Y):-okreni2(R,[G|L],Y).  
okreni2([],X,X).
```

# Dodatni zadaci

- **Zadatak 1.** Što će Prolog vratiti kao rezultat na sljedeće upite?

- `+(+(3,3),2) ::= +(3,+(2,3)).`
- `[a(X),42,'brom',n,5] = [Y,_,X|R].`
- `[m(X),[],Y,k,1,3]=[Y,_,X+1|R].`
- `X=_veselo(mama(X),tata(Y)).`
- `'Slon'=Slon.`

- **Zadatak 2.** Realizirati predikat `fibonacci/2` koji računa n-ti član fibonaccijevog niza definiranog s:

$$F_n = \begin{cases} 0 & n = 0 \\ 1 & n = 1 \\ F_{n-1} + F_{n-2} & n > 1 \end{cases}$$

- **Zadatak 3.** Realizirati predikat `kompresiraj/2` koji uklanja jednake uzastopne elemente u listi npr.:

```
?- kompresiraj([1,1,1,1,2,2,2,3,3,4,4,4,4,4,5,5,6],X).
```